التصحيح من انجاز الأستاذ مبارك هندا

المملكة المغربية
وزارة التربية الوطنية والتكوين المهني والتعليم العالي والبحث العلمي

المركز الوطني للتقويم والامتحانات والتوجيه

الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا

الدورة العادية 2018

-الموضوع-

NS 28

المادة	الفيزياء والكيمياء	مدة الإنجاز	3
الشعبة أو المسلك	شعبة العلوم التجريبية : مسلك العلوم الفيزيائية	المعامل	7

يسمح باستعمال الآلة الحاسبة العلمية غير القابلة للبرمجة

يتضمن الموضوع أربعة تمارين

تعطى التعابير الحرفية قبل التطبيقات العددية

التمرين الأول (7 نقط):

- التحليل الكهربائي لمركب أيوني (برومور الرصاص)
- دراسة تفاعلين لحمض اللاكتيك

التمرين الثاني (2,5 نقط):

- تحديد سرعة انتشار موجة فوق الصوتية في سائل

التمرين الثالث (5 نقط):

- التحديد التجريبي لسعة مكثف
- دراسة دارة RLC متوالية

التمرين الرابع (5,5 نقط):

- دراسة حركة السقوط الرأسي لكرية في سائل لزج
- دراسة طاقية لمتذبذب ميكانيكي (جسم صلب - نابض)

التصحيح من انجاز الأستاذ مبارك هندا

سلم التنقيط

التمرين الأول (7 نقط)

الجزءان الأول والثاني مستقلان

الجزء الأول: التحليل الكهربائي لمركب أيوني (بورومور الرصاص)

ننجز التحليل الكهربائي لبرومور الرصاص $Pb^{2+} + 2\,Br^-$ عند درجة حرارة مرتفعة بواسطة مولد يزود الدارة بتيار كهربائي شدته I ثابتة .

أثناء هذا التحليل الكهربائي يتوضع فلز الرصاص على أحد الإلكترودين ويتكون غاز ثنائي البروم بجوار الإلكترود الآخر.

عند اشتغال المحلل الكهربائي لمدة زمنية $\Delta t = 3600\,s$ ، تتكوّن الكتلة $m = 20,72\,g$ من فلز الرصاص.

معطيات:

- المزدوجتان المتدخلتان في التفاعل: $Pb^{2+}/Pb_{(s)}$ و $Br_{2(g)}/Br^-$ ؛
- ثابتة فرادي: $F = 9,65.10^4\ C.mol^{-1}$ ؛
- الحجم المولي للغازات في ظروف التجربة: $V_m = 70,5\ L.mol^{-1}$ ؛
- الكتلة المولية للرصاص: $M(Pb) = 207,2\,g.mol^{-1}$.

0,25 **1.** أعط اسم الإلكترود (الأنود أم الكاثود) الذي يتكون بجواره ثنائي البروم .

0,75 **2.** أُكتب معادلة التفاعل الكيميائي الحاصل عند كل إلكترود والمعادلة الحصيلة أثناء اشتغال المحلل.

0,5 **3.** حدد الشدة I للتيار الكهربائي المار في الدارة خلال المدة Δt .

0,5 **4.** أُحسب، في ظروف التجربة، الحجم V لغاز ثنائي البروم المتكون خلال المدة Δt .

الجزء الثاني: دراسة تفاعلين لحمض اللاكتيك

يعرف عادة حمض 2-هيدروكسيبروبانويك بحمض اللاكتيك، وهو حمض عضوي يدخل في مجموعة من التفاعلات البيوكيميائية. يوجد هذا الحمض في الحليب والألبان وفي بعض الفواكه والخضر ويستعمل كمادة مضافة في الصناعة الغذائية و في الصيدلة ضد بعض أمراض الجلد...

يهدف هذا الجزء من التمرين في مرحلة أولى إلى دراسة تفاعل حمض اللاكتيك مع هيدروكسيد الصوديوم، وفي مرحلة ثانية إلى دراسة تفاعله مع كحول.

1. تفاعل حمض اللاكتيك مع هيدروكسيد الصوديوم

معطيات:

- تمت جميع القياسات عند درجة الحرارة 25°C ؛
- الصيغة نصف المنشورة لحمض اللاكتيك هي: $CH_3 - CH(OH) - COOH$ ونرمز له بـ AH ولقاعدته المرافقة بـ A^- ؛
- ثابتة الحمضية للمزدوجة $AH_{(aq)}/A^-_{(aq)}$ هي: $K_A = 10^{-3,9}$ ؛
- منطقة الانعطاف لبعض الكواشف الملونة:

الكاشف الملون	الهيليانتين	أزرق البروموثيمول	أحمر الكريزول
منطقة الانعطاف	3 – 4,4	6 – 7,6	7,2 – 8,8

التصحيح من انجاز الأستاذ مبارك هندا

نعاير بقياس pH ، حجما $V_A = 15mL$ من محلول مائي (S_A) لحمض اللاكتيك AH تركيزه C_A بواسطة محلول مائي (S_B) لهيدروكسيد الصوديوم ذي التركيز $C_B = 3.10^{-2} mol.L^{-1}$.

يمثل المنحنى أسفله تغيرات pH الخليط بدلالة الحجم V_B المضاف من المحلول (S_B) خلال المعايرة.

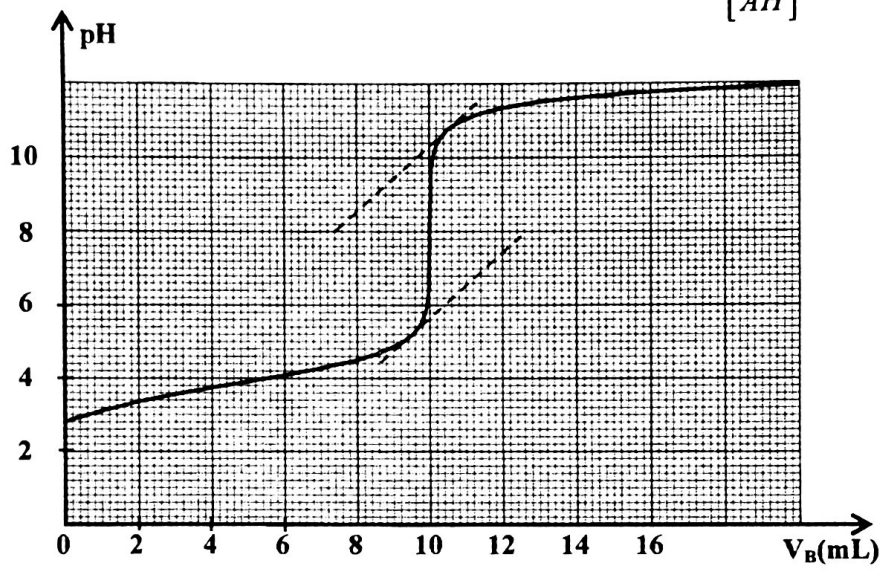
0,5 1.1. أكتب معادلة التفاعل الكيميائي الحاصل خلال المعايرة.

0,5 1.2. عيّن إحداثيتي نقطة التكافؤ V_{BE} و pH_E .

0,5 1.3. أحسب التركيز C_A للمحلول (S_A).

0,5 1.4. إختر، معللا جوابك، الكاشف الملون الملائم لمعلمة التكافؤ من بين الكواشف الملونة المقترحة.

0,75 1.5. أوجد النسبة $\frac{[A^-]}{[AH]}$ عند إضافة الحجم $V_B = 10mL$ ثم استنتج النوع الكيميائي المهيمن AH أو A^- .



2. تفاعل حمض اللاكتيك مع الميثانول

نمزج في حوجلة الكمية $n_0 = 10^{-3} mol$ من حمض اللاكتيك $CH_3 - CH(OH) - COOH$ مع نفس الكمية $n_0 = 10^{-3} mol$ من الميثانول الخالص $CH_3 - OH$ ، ثم نسخن بالارتداد الخليط التفاعلي لمدة زمنية معينة، فنحصل عند نهاية التفاعل على إستر E كمية مادته $n_E = 6.10^{-4} mol$.

0,5 2.1. أذكر مميزتين للتفاعل الحاصل.

0,5 2.2. إقترح عاملين حركيين لتسريع تفاعل الأسترة.

0,5 2.3. أكتب باستعمال الصيغ نصف المنشورة معادلة التفاعل الحاصل بين حمض اللاكتيك والميثانول .

0,75 2.4. أحسب المردود r عند نهاية التفاعل.

التمرين الثاني (2,5 نقط)

تحديد سرعة انتشار موجة فوق الصوتية في سائل

تنتشر الموجات الميكانيكية في الأوساط المادية فقط ، وتزداد سرعة انتشارها مع كثافة الوسط المادي.

لتحديد القيمة التقريبية لسرعة الانتشار V_p لموجة فوق الصوتية تنتشر في البترول (سائل) نقوم بالتجربة التالية:

التصحيح من انجاز الأستاذ مبارك هندا

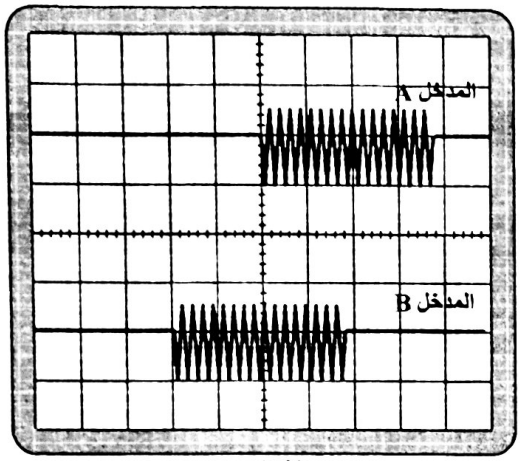
عند نفس اللحظة $t=0$ ، نرسل موجتين فوق الصوتيتين بواسطة باعثين E_1 و E_2 مرتبطين بمولد GBF ومثبتين في أحد طرفي حوض يحتوي على كمية من البترول، فتنتشر إحداهما في الهواء والأخرى في البترول.

نثبت في الطرف الآخر من الحوض مستقبلين R_1 و R_2، بحيث يلتقط المستقبل R_1 الموجة المنتشرة في الهواء ويلتقط المستقبل R_2 الموجة المنتشرة في البترول. (انظر الشكل 1)

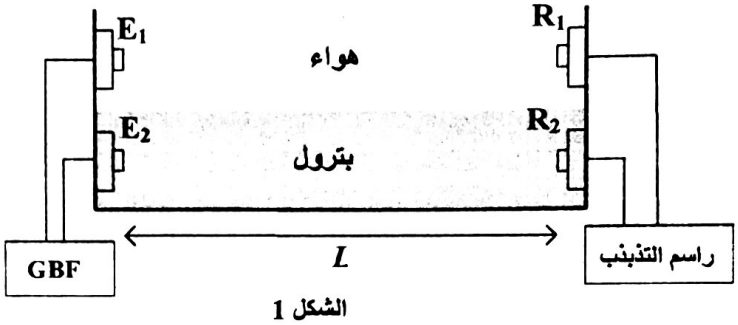
نعاين على شاشة راسم التذبذب الإشارتين الملتقطتين من طرف المستقبلين R_1 و R_2 (الشكل 2).

معطيات:

- تقطع الموجتان نفس المسافة $L=1,84\,m$ ؛
- سرعة الموجات فوق الصوتية في الهواء: $V_{air}=340\,m.s^{-1}$ ؛
- الحساسية الأفقية لراسم التذبذب: $2ms/div$.



الشكل 2



الشكل 1

0,5 **1.** هل الموجات فوق الصوتية مستعرضة أم طولية؟ علل جوابك.

0,5 **2.** اعتمادا على الشكل 2، حدد قيمة التأخر الزمني τ بين الموجتين الملتقطتين.

0,75 **3.** بيّن أن تعبير τ يكتب على الشكل: $\tau=L.(\frac{1}{V_{air}}-\frac{1}{V_p})$.

0,75 **4.** أوجد القيمة التقريبية للسرعة V_p .

التمرين الثالث (5 نقط)

خصص أستاذ مع تلامذته حصة الأشغال التطبيقية الخاصة بمادة الفيزياء لتحديد سعة مكثف بطريقتين تجريبيتين مختلفتين وللقيام بدراسة دارة RLC متوالية.

I- التحديد التجريبي لسعة مكثف

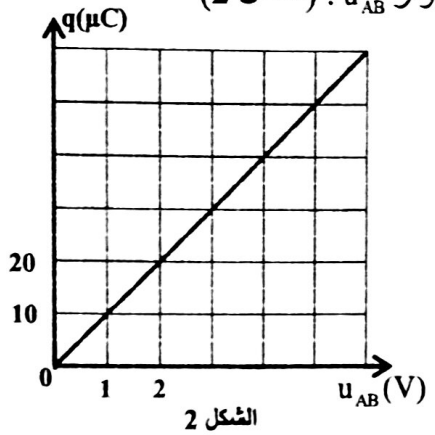
1 . باستعمال مولد مؤمثل للتيار الكهربائي

تحت إشراف أستاذ المادة، أنجزت مجموعة أولى من تلاميذ القسم التركيب التجريبي الممثل في الشكل 1 (الصفحة 5) والمكوّن من:

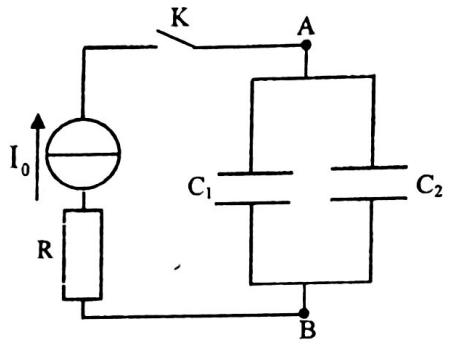
- مولد مؤمثل للتيار يزود الدارة بتيار كهربائي شدته I_0 ؛
- موصل أومي مقاومته R ؛
- مكثفين (c_1) و (c_2) مركبين على التوازي، سعة الأول $C_1=7,5\,\mu F$ و سعة الآخر C_2 مجهولة ؛
- قاطع التيار K.

التصحيح من انجاز الأستاذ مبارك هندا

عند لحظة $t = 0$ ، أغلق أحد التلاميذ الدارة. بواسطة نظام مسك معلوماتي، تم الحصول على منحنى تغيرات الشحنة الكهربائية q للمكثف المكافئ للمكثفين (c_1) و (c_2) بدلالة التوتر u_{AB} . (الشكل 2)



الشكل 2



الشكل 1

0,5 **1.1.** ما الفائدة من تركيب المكثفات على التوازي؟

0,75 **1.2.** باستثمار منحنى الشكل 2، حدد قيمة C_{eq} سعة المكثف المكافئ للمكثفين (c_1) و (c_2).

0,5 **1.3.** استنتج قيمة السعة C_2.

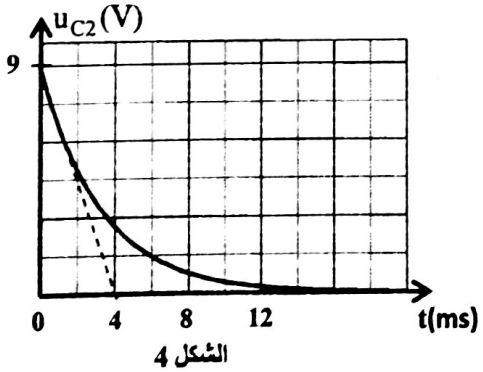
2. بدراسة استجابة ثنائي القطب RC لرتبة توتر

أنجزت مجموعة ثانية من تلامذة نفس القسم التركيب التجريبي الممثل في الشكل 3 والمكون من :

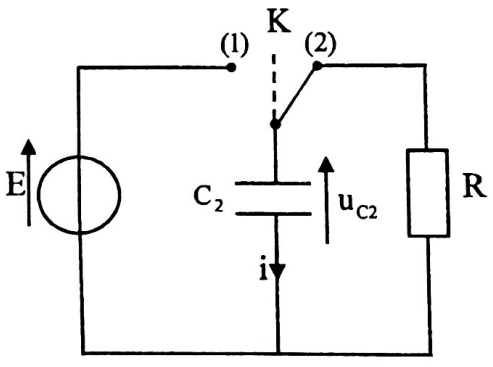
- مولد مؤمثل للتوتر قوته الكهرمحركة E ؛
- موصل أومي مقاومته $R = 1600\,\Omega$ ؛
- المكثف السابق ذي السعة C_2 ؛
- قاطع التيار K ذي موضعين.

بعد الشحن الكلي للمكثف، أرجح أحد التلاميذ قاطع التيار إلى الموضع (2) عند لحظة $t = 0$.

بواسطة نظام مسك معلوماتي، تم الحصول على منحنى تغيرات التوتر $u_{C2}(t)$ بين مربطي المكثف (الشكل 4) .



الشكل 4



الشكل 3

0,5 **2.1.** أثبت المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر $u_{C2}(t)$ أثناء تفريغ المكثف.

0,5 **2.2.** يكتب حل هذه المعادلة التفاضلية على شكل $u_{C2}(t) = E.e^{-\frac{t}{\tau}}$. أوجد تعبير ثابتة الزمن τ بدلالة R و C_2.

0,5 **2.3.** حدد من جديد قيمة السعة C_2.

التصحيح من انجاز الأستاذ مبارك هندا

II- دراسة دارة RLC متوالية

أنجز أحد التلاميذ التركيب التجريبي الممثل في الشكل 5 الذي يتضمن:

- مكثفا مشحونا كليا سعته $C = 2,5\,\mu F$ ؛
- وشيعة معامل تحريضها L ومقاومتها r ؛
- قاطع التيار K .

بعد غلق الدارة وبواسطة نظام مسك معلوماتي، تم الحصول على تذبذبات شبه دورية لتغيرات الشحنة q(t) للمكثف .

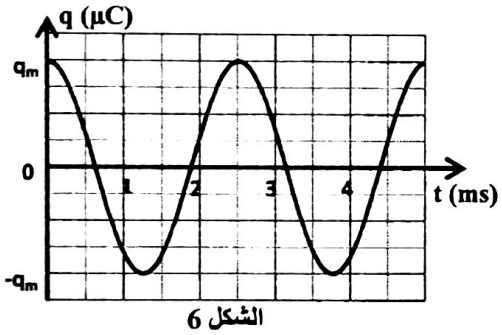
1. فسر سبب الحصول على تذبذبات شبه دورية. — 0,25

2. للحصول على تذبذبات كهربائية مصانة، تم تركيب مولد يعطي توترا يتناسب اطرادا مع شدة التيار $u_G(t) = k.i(t)$ ، على التوالي في الدارة السابقة.

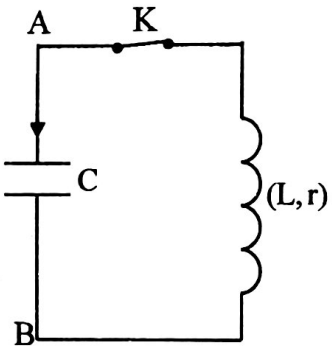
2.1. أثبت المعادلة التفاضلية التي تحققها الشحنة q(t) . — 0,5

2.2. عند ضبط معامل التناسب على القيمة $k = 5$ (في النظام العالمي للوحدات)، أصبحت التذبذبات جيبية (الشكل 6) . حدد قيمة المقاومة r للوشيعة المستعملة . — 0,25

2.3. باستثمار منحنى الشكل 6 ، أوجد قيمة معامل التحريض L للوشيعة المستعملة. — 0,75



الشكل 6



الشكل 5

التمرين الرابع (5,5 نقط)

الجزءان الأول والثاني مستقلان

الجزء الأول: دراسة حركة السقوط الرأسي لكرية في سائل لزج

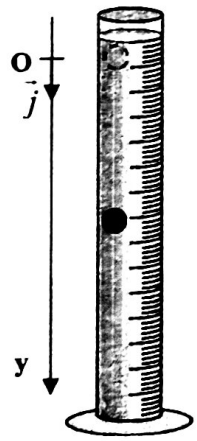
لتحديد بعض مميزات حركة سقوط كرية في سائل لزج ، ننجز التجربة التالية:

نملأ أنبوبا مدرجا بسائل لزج وشفاف كتلته الحجمية ρ ثم نحرر داخله، بدون سرعة بدئية، كرية متجانسة كتلتها $m = 2.10^{-2}\,kg$ وحجمها V ومركز قصورها G .

ندرس حركة مركز القصور G في معلم $(O, \vec{j})$ مرتبط بمرجع أرضي نعتبره غاليليا.

نعلم موضع G عند لحظة t بالأرتوب y على محور $\overline{Oy}$ رأسي موجّه نحو الأسفل (الشكل1).

نعتبر أن موضع G منطبق مع أصل المحور $\overline{Oy}$ عند أصل التواريخ.



الشكل 1

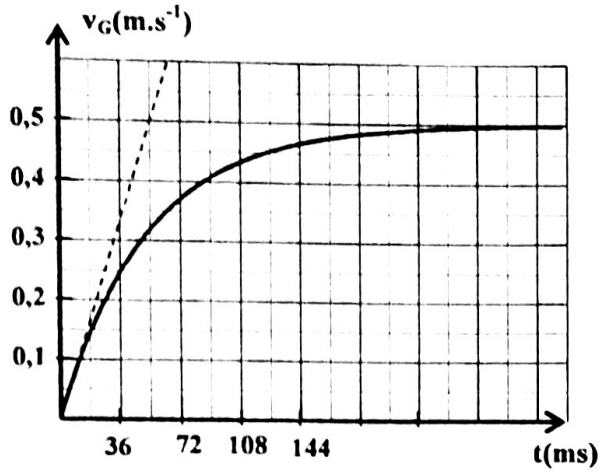
نعتبر أن دافعة أرخميدس $\vec{F}_a$ غير مهملة بالنسبة لباقي القوى المطبقة على الكرية.

التصحيح من انجاز الأستاذ مبارك هندا

نمذج قوى الاحتكاك التي يطبقها السائل على الكرية أثناء حركتها بقوة $\vec{f} = -k.\vec{v_G}$ ، حيث $\vec{v_G}$ متجهة سرعة G عند لحظة t و k معامل ثابت موجب.

نذكر أن شدة دافعة أرخميدس تساوي شدة وزن السائل المزاح $F_a = \rho.V.g$ ، حيث g شدة الثقالة.

لتحديد قيمة السرعة اللحظية لمركز قصور الكرية، نستعمل كاميرا رقمية وعدة معلوماتية ملائمة. نحصل بعد معالجة المعطيات التجريبية على منحنى الشكل 2 الذي يمثل تغيرات السرعة v_G بدلالة الزمن.



الشكل 2

1. بتطبيق القانون الثاني لنيوتن، بيّن أن المعادلة التفاضلية لحركة G تكتب على شكل $\frac{dv_G}{dt} + \frac{1}{\tau}.v_G = A$ — 1

محدّدا تعبير الزمن المميز τ بدلالة k و m وتعبير الثابتة A بدلالة g و m و ρ و V.

2. حدد مبيانيا قيمة كل من السرعة الحدية v_{Glim} و τ. — 0,5

3. أوجد قيمة كل من المعامل k والثابتة A. — 1

4. تكتب المعادلة التفاضلية لحركة G عدديا على الشكل: $\frac{dv_G}{dt} = 9,26 - 18,52.v_G$. — 1

أحسب القيمة التقريبية لكل من التسارع a_3 والسرعة v_4 باعتماد طريقة أولير ومعطيات الجدول التالي:

t (s)	v_G (m.s^{-1})	a_G (m.s^{-2})
⋮	⋮	⋮
0,015	0,126	a_3
0,020	v_4	6,28
0,025	0,192	5,70

الجزء الثاني: دراسة طاقية لمتذبذب ميكانيكي (جسم صلب – نابض)

ننمذج جزءا من آلة ميكانيكية بمجموعة متذبذبة أفقية تتكون من جسم صلب (S)، مركز قصوره G وكتلته m مثبت بطرف نابض أفقي لفاته غير متصلة وكتلته مهملة وصلابته $K = 35\,N.m^{-1}$. الطرف الآخر للنابض مثبت بحامل ثابت.

نزيح الجسم (S) عن موضع توازنه بالمسافة X_m ثم نحرره بدون سرعة بدئية، فيتذبذب بدون احتكاك فوق مستوى أفقي.

تتم دراسة حركة مركز القصور G في معلم $(O,\vec{i})$ مرتبط بمرجع أرضي نعتبره غاليليا.

ينطبق موضع G عند التوازن مع الأصل O للمحور $(O,\vec{i})$.

نمعلم موضع G في المعلم $(O,\vec{i})$ عند لحظة t بالأفصول x .(الشكل 3)

نختار موضع G عند التوازن ($x=0$) مرجعا لطاقة الوضع المرنة.

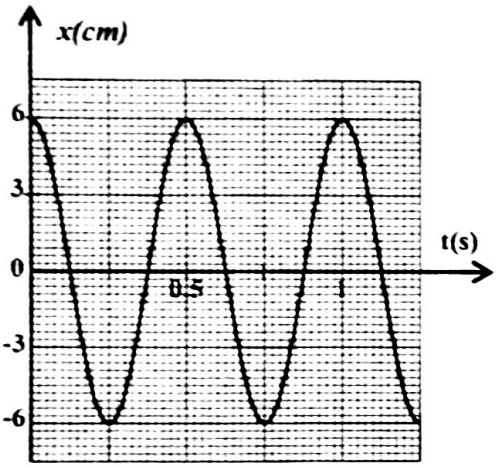
تكتب المعادلة الزمنية لحركة G على شكل $x(t)=X_m.\cos(\frac{2\pi t}{T_0}+\varphi)$.

يمثل منحنى الشكل 4 تغيرات الأفصول x بدلالة الزمن .

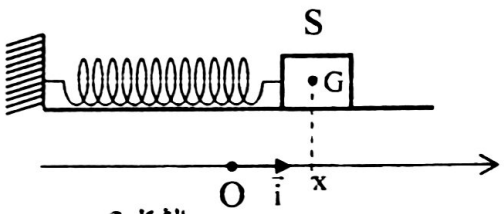
0,75 **1.** حدد قيمة كل من X_m و T_0 و φ .

0,5 **2.** أوجد قيمة E_{pel} طاقة الوضع المرنة للمتذبذب الميكانيكي عند اللحظة $t_1=0,5s$.

0,75 **3.** أحسب الشغل $W_{AB}(\vec{F})$ لقوة الارتداد عندما ينتقل مركز القصور G من الموضع A ذي الأفصول $x_A=X_m$ إلى الموضع B ذي الأفصول $x_B=-X_m$.



الشكل 4



الشكل 3

تصحيح الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا – الدورة العادية 2018

التمرين الأول

الجزء الأول : التحليل الكهربائي لمركب ايوني (بروموز الرصاص)

1. تكون غاز ثنائي البروم $Br_{2(g)}$ ناتج عن اكسدة أيونات البرومور $Br^-_{(aq)}$.

⇐ يتكون غاز ثنائي البروم $Br_{2(g)}$ بجوار الأنود.

++++++++++++++++++++++++++++++++++

2. بجوار الأنود : اكسدة أيونات البرومور $Br^-_{(aq)}$ $\quad 2Br^-_{(aq)} \rightleftharpoons Br_{2(g)} + 2e^-$

بجوار الكاثود : اختزال أيونات الرصاص $Pb^{2+}_{(aq)}$ $\quad Pb^{2+}_{(aq)} + 2e^- \rightleftharpoons Pb_{(s)}$

المعادلة الحصيلة أثناء اشتغال المحلل : $\quad 2Br^-_{(aq)} + Pb^{2+}_{(aq)} \longrightarrow Br_{2(g)} + Pb_{(s)}$

++++++++++++++++++++++++++++++++++

3.

معادلة التفاعل				$2Br^-_{(aq)} + Pb^{2+}_{(aq)} \rightarrow Br_{2(g)} + Pb_{(s)}$	
حالة المجموعة	التقدم	كميات المادة بالمول			
بدئية	0	0	0	$n_0(Pb^{2+})$	$n_0(Br^-)$
خلال التحول	x	x	x	$n_0(Pb^{2+})-x$	$n_0(Br^-)-2x$

انطلاقا من الجدول الوصفي أو انطلاقا من نصف المعادلة $\quad Pb^{2+}_{(aq)} + 2e^- \rightleftharpoons Pb_{(s)}$

لدينا : $\quad n(e^-) = 2.n(Pb)$ $\quad ((\; n(Pb) = x \quad و \quad n(e^-) = 2x \;))$

ولدينا : $\quad Q = I.\Delta t = n(e^-).F$ أي $\quad I.\Delta t = 2.n(Pb).F$ أي $\quad I.\Delta t = 2.\dfrac{m}{M(Pb)}.F$

اذن : $\quad I = \dfrac{2.m.F}{M(Pb).\Delta t}$ ت.ع : $\quad I = \dfrac{2\times 20{,}72\times 9{,}65.10^4}{207{,}2\times 3600}$ وبالتالي $\quad \boxed{I = 5{,}36A}$

++++++++++++++++++++++++++++++++++

4. لدينا حسب الجدول الوصفي : $\quad n(e^-) = 2.n(Br_2)$ $\quad ((\; n(Br_2) = x \quad و \quad n(e^-) = 2x \;))$

ولدينا : $\quad Q = I.\Delta t = n(e^-).F$ أي $\quad I.\Delta t = 2.n(Br_2).F$ أي $\quad I.\Delta t = 2.\dfrac{V}{V_m}.F$

اذن $\quad V = \dfrac{I.\Delta t.V_m}{2.F}$ ت.ع $\quad V = \dfrac{5{,}36\times 3600\times 70{,}5}{2\times 9{,}65.10^4}$ وبالتالي $\quad \boxed{V \approx 7L}$

++++++++++++++++++++++++++++++++++

الجزء الثاني : دراسة تفاعلين لحمض اللاكتيك

1.1. $\quad AH_{(aq)} + HO^-_{(aq)} \longrightarrow A^-_{(aq)} + H_2O_{(l)}$

++++++++++++++++++++++++++++++++++

1.2. باستعمال طريقة المماسين نجد $\quad \boxed{E(\; pH_E \approx 8 \; ; \; V_{BE} = 10mL \;)}$

++++++++++++++++++++++++++++++++++

3.1. لدينا $\quad C_A.V_A = C_B.V_{BE}$ يعني $\quad C_A. = \dfrac{C_B.V_{BE}}{V_A}$ ت.ع $\quad C_A. = \dfrac{3.10^{-2}\times 10}{15}$ اذن $\quad \boxed{C_A. = 2.10^{-2}mol.L^{-1}}$

++++++++++++++++++++++++++++++++++

4.1. لدينا $pH_E \approx 8$ ينتمي الى $[7{,}2-8{,}8]$ منطقة انعطاف أحمر الكريزول.

⇐ أحمر الكريزول هو الكاشف الملون المناسب لمعلمة التكافؤ.

1.5. لدينا $pH = pK_A + \log\frac{[A^-]}{[AH]}$ يعني $\log\frac{[A^-]}{[AH]} = pH - pK_A$ يعني $\frac{[A^-]}{[AH]} = 10^{pH-pK_A}$

أي $\frac{[A^-]}{[AH]} = 10^{pH}.10^{-pK_A}$ أي $\frac{[A^-]}{[AH]} = 10^{pH}.K_A$

عند اضافة الحجم $V_B = 10mL$ يكون $pH = 8$

ت.ع $\frac{[A^-]}{[AH]} = 10^8 \times 10^{-3,9} = 10^{4,1}$ اذن $\boxed{\frac{[A^-]}{[AH]} = 1,26.10^4}$

بما أن $\frac{[A^-]}{[AH]} \succ 1$ فان $[A^-] \succ [AH]$ أي ان النوع القاعدي $[A^-]$ هو المهيمن.

++++++++++++++++++++++++++++++++++

2.1. محدود – بطيء

++++++++++++++++++++++++++++++++++

2.2. استعمال حفاز- التسخين

++++++++++++++++++++++++++++++++++

2.3.

$$CH_3-CH(OH)-COOH + CH_3-OH \rightleftharpoons CH_3-CH(OH)-COO-CH_3 + H_2O$$

++++++++++++++++++++++++++++++++++

3.3.

المردود : $r = \frac{n_{exp}}{n_{th}} = \frac{x_f}{x_{max}}$ حيث $x_{max} = n_0$ و $x_{max} = n(E)$ اذن $r = \frac{n(E)}{n_0}$

ت.ع : $r = \frac{6.10^{-4}}{10^{-3}}$ وبالتالي $\boxed{r = 0,6 = 60\%}$

التمرين الثاني

1. الموجات فوق الصوتية موجات طولية لأن اتجاه التشويه يوازي اتجاه الانتشار.

++++++++++++++++++++++++++++++++++

2. لدينا $\tau = x.S_h$ بحيث x عدد التدريجات و S_h الحساسية الأفقية (سرعة الكسح)

$\tau = 2div \times 2ms/div \Rightarrow \boxed{\tau = 4ms}$

++++++++++++++++++++++++++++++++++

3. تنتشر الموجة فوق الصوتية في البترول حيث تقطع المسافة L خلال المدة الزمنية Δt_2.

$$V_P = \frac{L}{\Delta t_2} \Rightarrow \Delta t_2 = \frac{L}{V_P}$$

تنتشر الموجة فوق الصوتية في الهواء حيث تقطع المسافة L خلال المدة الزمنية Δt_1.

$$V_{air} = \frac{L}{\Delta t_1} \Rightarrow \Delta t_1 = \frac{L}{V_{air}}$$

التأخر الزمني بين الموجتين الملتقطتين : $\tau = \Delta t_1 - \Delta t_2 \Rightarrow \tau = \frac{L}{V_{air}} - \frac{L}{V_P}$

وبالتالي $\tau = L.\left(\frac{1}{V_{air}} - \frac{1}{V_P}\right)$

++++++++++++++++++++++++++++++++++

4. لدينا $\tau = L.\left(\frac{1}{V_{air}} - \frac{1}{V_P}\right)$ يعني $\frac{\tau}{L} = \frac{1}{V_{air}} - \frac{1}{V_P}$ يعني $\frac{1}{V_P} = \frac{1}{V_{air}} - \frac{\tau}{L}$ يعني $V_P = \frac{1}{\frac{1}{V_{air}} - \frac{\tau}{L}}$

ت.ع $V_P = \dfrac{1}{\dfrac{1}{340} - \dfrac{4.10^{-3}}{1,84}}$ اذن $V_P = 1,3.10^3 m.s^{-1}$

التمرين الثالث

I. التحديد التجريبي لسعة مكثف

1.1. تضخيم السعة.

++++++++++++++++++++++++++++++++++

1.2. المنحنى $q = f(u_{AB})$ عبارة عن دالة خطية $\Leftarrow$ $q = k.u_{AB}$ حيث k يمثل المعامل الموجه للدالة $q = f(u_{AB})$

مبيانيا $k = \dfrac{\Delta q}{\Delta u_{AB}} = \dfrac{10.10^{-6} - 0}{1 - 0} = 10^{-5}(S.I)$

ولدينا من جهة اخرى $q = C_{eq}.u_{AB}$ ومنه فان $C_{eq} = k$ وبالتالي $C_{eq} = 10^{-5} F = 10\mu F$

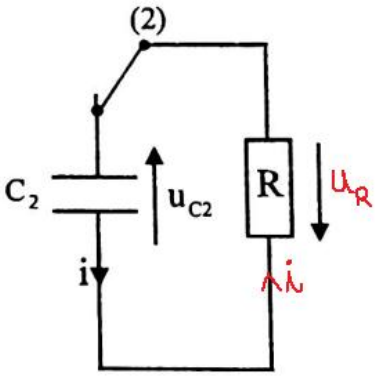
++++++++++++++++++++++++++++++++++

3.1. المكثفين (c_1) و (c_2) مركبين على التوازي $\Leftarrow$ $C_{eq} = C_1 + C_2$ $\Leftarrow$ $C_2 = C_{eq} - C_1$

ت.ع $C_2 = 10 - 7,5$ وبالتالي $C_2 = 2,5\mu F$

++++++++++++++++++++++++++++++++++

2.1.



حسب قانون اضافية التوترات : $u_{C2} + u_R = 0$

وحسب قانون أوم $u_R = R.i$

يعني : $u_{C2} + R.i = 0$

ولدينا $i = \dfrac{dq}{dt} = \dfrac{dC_2.u_{C2}}{dt} = C_2.\dfrac{du_{C2}}{dt}$

وبالتالي المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر u_{C2} هي :

$$u_{C2} + RC_2.\frac{du_{C2}}{dt} = 0$$

++++++++++++++++++++++++++++++++++

2.2. لدينا $u_{C2} = E.e^{\frac{-t}{\tau}}$ ولدينا $\dfrac{du_{C2}}{dt} = \dfrac{dE.e^{\frac{-t}{\tau}}}{dt} = E.\dfrac{de^{\frac{-t}{\tau}}}{dt} = \dfrac{-E}{\tau}.e^{\frac{-t}{\tau}}$

بالتعويض في المعادلة التفاضلية $E.e^{\frac{-t}{\tau}} - R.C_2.\dfrac{E}{\tau}.e^{\frac{-t}{\tau}} = 0$ أي $E.e^{\frac{-t}{\tau}}\left(1 - \dfrac{RC_2}{\tau}\right) = 0$

تتحقق هذه المعادلة اذا كان : $1 - \dfrac{RC_2}{\tau} = 0$ أي $\tau = R.C_2$

++++++++++++++++++++++++++++++++++

2.3. لدينا $\tau = R.C_2$ يعني $C_2 = \dfrac{\tau}{R}$ مبيانيا $\tau = 4ms$

ت.ع $C_2 = \dfrac{4.10^{-3}}{1600}$ اذن $C_2 = 2,5.10^{-6} F = 2,5\mu F$

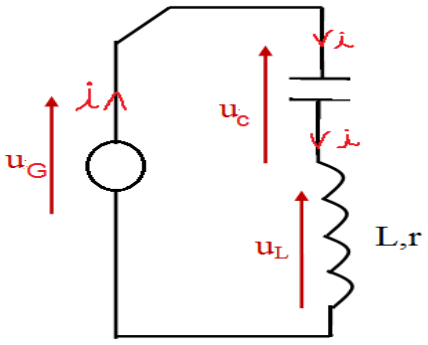
++++++++++++++++++++++++++++++++++

II. دراسة دارة RLC متوالية

1. تعزى التذبذبات شبه الدورية الى وجود المقاومة في الدارة (مقاومة الوشيعة) ، بحيث تتبد الطاقة الكهربائية على شكل طاقة حرارية بمفعول جول.

++++++++++++++++++++++++++++++++++

2.1. حسب قانون اضافية التوترات $u_C + u_L = u_G$



ولدينا $u_R = R.i$ و $u_L = r.i + L.\frac{di}{dt}$ و $u_G = k.i$ و $u_C = \frac{q}{C}$

اذن $\frac{q}{C} + r.i + L.\frac{di}{dt} = ki$ يعني $L.\frac{di}{dt} + (r-k).i + \frac{q}{C} = 0$

ولدينا $i = \frac{dq}{dt}$ اذن $L\frac{d^2q}{dt^2} + (r-k).\frac{dq}{dt} + \frac{q}{C} = 0$

اذن $\frac{d^2q}{dt^2} + \frac{r-k}{L}.\frac{dq}{dt} + \frac{1}{LC}q = 0$

++++++++++++++++++++++++++++++++

2.2. لدينا $\frac{d^2q}{dt^2} + \frac{r-k}{L}.\frac{dq}{dt} + \frac{1}{LC}q = 0$

وبما أنه تم صيانة التذبذبات فان المقدار المسؤول عن الخمود منعدم (الحصول على تذبذبات جيبية)

أي أن $r-k=0$ اذن $r=k$ وبالتالي $r = 5\Omega$

++++++++++++++++++++++++++++++++

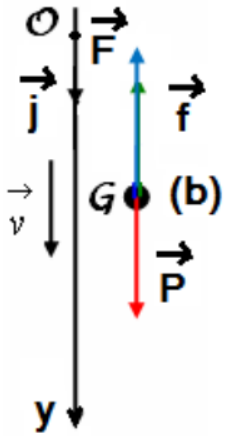
2.3. لدينا $T_0 = 2.\pi.\sqrt{L.C}$ يعني $L = \frac{T_0^2}{4.\pi^2.C}$ ت.ع $L = \frac{(2,5\times10^{-3})^2}{4.\pi^2\times2,5\times10^{-6}}$

اذن $L = 6,33.10^{-2}H = 63,3mH$

التمرين الرابع

الجزء الأول : دراسة السقوط الرأسي لكرية في سائل لزج

1.



المجموعة المدروسة : { الكرية }

جرد القوى الخارجية : $\vec{P}$ وزن الكرية ،

$\vec{F_a}$ دافعة ارخميدس،

$\vec{f}$ قوة الاحتكاك المائع،

تطبيق القانون الثاني نيوتن في معلم ارضي نعتبره غاليليا : $\sum \vec{F}_{ext} = m.\vec{a}_G$

يعني : $\vec{P} + \vec{F_a} + \vec{f} = m.\vec{a}_G$

الاسقاط على المحور oy : $P - F_a - f = m.a_G$ أي $mg - \rho.V.g - k.v_G = m.\frac{dv_G}{dt}$

يعني $\frac{dv_G}{dt} = g - \frac{\rho.V.g}{m} - \frac{k}{m}.v_G = 0$

يعني أن المعادلة التفاضلية لحركة G هي $\frac{dv_G}{dt} + \frac{k}{m}.v_G = g\left(1 - \frac{\rho.V}{m}\right)$

وتكتب على شكل $\frac{dv_G}{dt} + \frac{1}{\tau}.v_G = A$

بالمماثلة نستنتج : $A = g.\left(1 - \frac{\rho.V}{m}\right)$ و $\frac{1}{\tau} = \frac{k}{m}$ أي $\tau = \frac{m}{k}$

++++++++++++++++++++++++++++++++

2. مبيانيا : $v_{G\lim} = 0,5m.s^{-1}$ و $\tau = 54ms$

++++++++++++++++++++++++++++++++

3. لدينا $\tau = \frac{m}{k}$ يعني $k = \frac{m}{\tau}$ ت.ع $k = \frac{2.10^{-2}}{54.10^{-3}}$ اذن $k = 0,37kg.s^{-1}$

عندما يتحقق النظام الدائم : $v_G = v_{G\lim} = Cte$ أي أن $\frac{dv_G}{dt} = 0$

بالتعويض في المعادلة التفاضلية نجد : $0 + \frac{1}{\tau}.v_{G\lim} = A$ أي أن $A = \frac{v_{G\lim}}{\tau}$

ت.ع $A = \frac{0,5}{54.10^{-3}}$ اذن $A = 9,26 m.s^{-2}$.

++++++++++++++++++++++++++++++++++

.4

طريقة أولير : $a_i + \frac{1}{\tau}.v_i = A$ و $v_i = v_{i-1} + a_i.\Delta t$

حساب a_3 : $a_3 + \frac{1}{\tau}.v_3 = A$ يعني $a_3 = A - \frac{v_3}{\tau}$ ت.ع $a_3 = 9,26 - \frac{0,16}{54.10^{-3}}$ اذن $a_3 \approx 6,3 m.s^{-2}$

حساب v_4 : $v_4 = v_3 + a_3.\Delta t$ ت.ع $v_4 = 0,126 + 6,3 \times (0,020 - 0,015)$ اذن $v_4 \approx 0,16 m.s^{-1}$

++++++++++++++++++++++++++++++++++

الجزء الثاني : دراسة طاقية لمتذبذب ميكانيكي (جسم صلب – نابض)

.1

مبيانيا $X_m = 6cm$ و $T_0 = 0,5s$

لدينا $(*)\quad x(t) = X_m.\cos(\frac{2.\pi}{T_0}.t + \varphi)$

عند $t = 0s$: لدينا $x(0) = X_m$

العلاقة $(*)$: $x(0) = X_m.\cos(\varphi)$ أي ان $\cos(\varphi) = 1$ و بالتالي $\varphi = 0rad$

++++++++++++++++++++++++++++++++++

.2

لدينا $E_{pe} = \frac{1}{2}.k.x^2 + cte$ بحيث cte ثابتة تتعلق بالحالة المرجعية.

تحديد cte : عند الحالة المرجعية أي موضع التوازن الذي يوافق $x = 0$ و $E_{pe} = 0$

$0 = \frac{1}{2}.k \times 0^2 + cte$ و منه $cte = 0$

ت.ع : $E_{pe} = \frac{1}{2} \times 35 \times (6.10^{-2})^2 + 0$ و بالتالي $E_{pe} = 6,3.10^{-2} J$

++++++++++++++++++++++++++++++++++

.3

لدينا $W_{A\to B}(\vec{F}) = -\Delta E_{pe} = -\left[E_{pe}(x_B) - E_{pe}(x_A)\right] = -\left[\frac{1}{2}.k.X_m^2 - \frac{1}{2}.k.(-X_m)^2\right]$

أي $W_{A\to B}(\vec{F}) = \frac{-1}{2}.k\left[X_m^2 - X_m^2\right] = 0$ و بالتالي $W_{A\to B}(\vec{F}) = 0J$

من انجاز الأستاذ : مبارك هندا
Phy.handa@gmail.com
أكادير في 05/06/2018