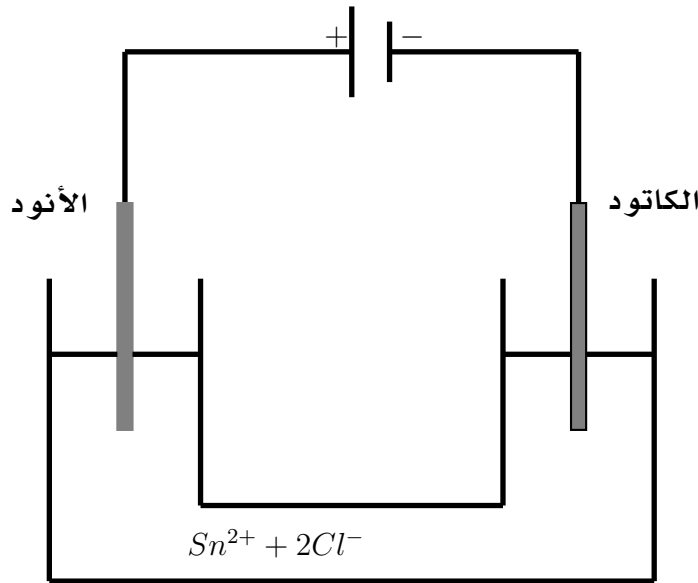


مادة : الفيزياء والكيمياء  
شعبة العلوم التجريبية  
مسلك العلوم الفيزيائية

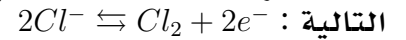
الكيمياء : الجزء الأول والثاني مستقلين

الجزء الأول : التحليل كهربائي لمحلول كلورور القصدير II  
1 - تبيانة التركيب التجريبي للتحليل الكهربائي :

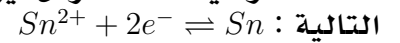


2 - معادلة التفاعل الحاصل عند كل إلكترود :

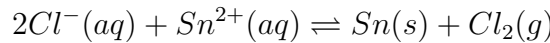
عند الأنود تحدث أكسدة أيونات الكلور إلى ثنائي الكلور حسب نصف المعادلة الإلكترونية التالية :



عند الكاتود يحدث اختزال أيونات القصدير II إلى فلز القصدير حسب نصف المعادلة الإلكترونية



نستنتج المعادلة الحصيلة :



3 - تحديد حجم غاز ثنائي الكلور الناتج خلال مدة اشتغال العمود :

حسب الجدول الوصفي للتفاعل الحاصل خلال اشتغال العمود :

المعادلة الكيميائية	$2Cl^-$	$Sn^{2+}$	$\rightleftharpoons$	$Cl_2$	$Sn$	عدد الإلكترونات المتبادلة
$t_i = 0$	$n_0$	$n'_0$		0	0	0
$t$	$n_0 - x$	$n'_0 - x$		$x$	$x$	$2x$

لدينا  $n(Cl_2) = x$  ومن جهة أخرى أن  $I \cdot \Delta t = n(e^-) \cdot \mathcal{F}$  و  $n(e^-) = 2x$  ومنه فإن  $n(Cl_2) = \frac{I \cdot \Delta t}{2 \cdot \mathcal{F}}$  ومنه فإن :

$$v(Cl_2) = \frac{I \cdot \Delta t \cdot V_m}{2 \cdot \mathcal{F}}$$

$$v(Cl_2) = 0,895L$$

الجزء الثاني : تفاعل الأمونياك مع الماء ومع حمض الكلوريدريك  
1 - دراسة المحلول المائي للأمونياك :  
1 - 1 - حساب نسبة التقدم النهائي  $\tau$  لهذا التفاعل :

المعادلة الكيميائية	$NH_3$	$H_2O$	$\rightleftharpoons$	$NH_4^+$	$HO^-$
$t_i = 0$	$C_B V$	-		0	0
$t_f$	$C_B V - x_f$	-		$x_f$	$x_f$

$$\tau = \frac{x_f}{x_{max}}$$

حسب الجدول الوصفي لدينا  $x_{max} = C_B \cdot V$  و  $x_f = [HO^-] \cdot V$  وبالتالي فإن  $\tau = \frac{[HO^-]}{C_B}$   
من جهة أخرى لدينا حسب الجداء الأيوني للماء :  $Ke = [H_3O^+] \cdot [HO^-]$  أي أن  $[HO^-] = \frac{Ke}{[H_3O^+]}$   
ومنه فإن :

$$\tau = \frac{Ke \cdot 10^{pH}}{C_B}$$

تطبيق عددي :

$$\tau = 2,812\%$$

1 - 2 - التعبير عن خارج التفاعل عند التوازن  $Q_{r,eq}$

$$Q_{r,eq} = \frac{[HO^-]_{eq} \cdot [NH_4^+]_{eq}}{[NH_3]_{eq}} = \frac{[HO^-]_{eq}^2}{C_B - [HO^-]_{eq}}$$

$$[HO^-]_{eq} = C_B \cdot \tau$$

$$Q_{r,eq} = \frac{\tau^2 \cdot C_B}{1 - \tau}$$

نستنتج قيمة  $Q_{r,eq}$

$$Q_{r,eq} = 1,63 \cdot 10^{-5}$$

1 - 3 - نتحقق من قيمة  $pK_A$  للمزدوجة :  $(NH_4^+(aq)/NH_3(aq))$

$$Q_{r,eq} = \frac{[HO^-]_{eq} \cdot [NH_4^+]_{eq}}{[NH_3]_{eq}}$$

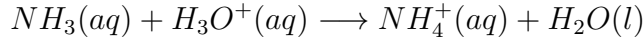
$$Q_{r,eq} = \frac{[HO^-]_{eq} \cdot [H_3O^+]_{eq} \cdot [NH_4^+]_{eq}}{[NH_3]_{eq}} \cdot [H_3O^+]_{eq}$$

$$Q_{r,eq} = K = \frac{K_e}{K_A}$$

$$K_A = \frac{K_e}{K} = 6,15 \cdot 10^{-10}$$

$$pK_A = -\log(K_A) = 9,2$$

2 — معايرة محلول الأمونياك بواسطة محلول حمض الكلوريدريك  
 1 - 2 — معادلة تفاعل المعايرة :  
 محلول حمض الكلوريدريك :  $(H_3O^+, Cl^-)$



2 - 2 - 1 الإحداثيتين حسب المنحنى :  $V_{AE} = 22,8ml$  و  $pH_E = 5,6$

2 - 2 - 2 حساب  $C'_B$

حسب علاقة التكافؤ لدينا :

$$C'_B V_B = C_A V_{AE}$$

$$C'_B = \frac{C_A V_{AE}}{V_B}$$

$$C'_B = 1,5 \cdot 10^{-2} mol/l$$

2 - 2 - 3 الكاشف الملون الملائم لإنجاز هذه المعايرة في غياب جهاز  $pH$  متر :  
 حسب الجدول مناطق انطاف الكواشف الملونة يلاحظ أن الكاشف الذي تضم منطقة انعطافه  $pH$   
 الخليط عند التكافؤ هو : أحمر الكلوروفينول

2 - 2 - 4 تحديد الحجم  $V_{A1}$  المضاف لكي تتحقق العلاقة :  $[NH_4^+] = 15 \cdot [NH_3]$   
 لدينا العلاقة :

$$pH = pK_A + \log \left( \frac{[NH_3]}{[NH_4^+]}\right)$$

$$pH = 9,2 + \log(1/15)$$

$$pH = 8,02$$

من خلال المنحنى هذه القيمة يوافقها :  $V_{A1} = 20,8ml$

الفيزياء

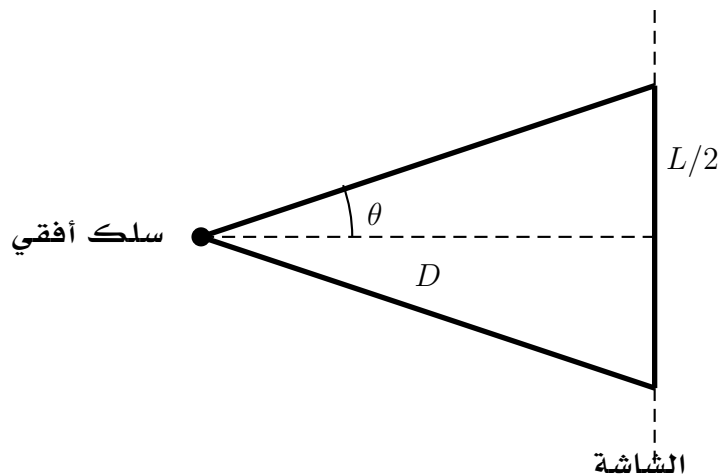
الموجات

1 -

1 - 1 طبيعة الضوء التي تبرزها هذه التجربة هي عبارة عن موجات كهرومغناطيسية .

1 - 2 لدينا حسب الشكل أسفله أن :  $\tan \theta = \frac{L}{2D}$  وبما أن  $\theta$  صغيرة جدا فإن  $\tan \theta \simeq \theta$  أي أن

$$\theta = \frac{L}{2D}$$



من جهة أخرى فإن  $\theta = \frac{\lambda}{a}$  أي أن :

$$\frac{\lambda}{a} = \frac{L}{2D}$$

$$\lambda = \frac{L.a}{2D}$$

1 - 1 - 3 باستغلال المبيان لنحدد طول الموجة  $\lambda$  حسب المبيان فإن  $L = f\left(\frac{1}{a}\right)$  هو عبارة عن دالو خطية معادلتها الرياضية تكتب على الشكل التالي :

$$L = K \cdot \frac{1}{a}$$

بحيث أن  $K$  هو المعامل الموجه للمستقيم قيمته هي :

$$K = \frac{42 - 0}{6 - 0} = 7mm^2$$

من جهة أخرى وحسب تعبير  $L$  بدلالة  $1/a$  لدينا :

$$L = 2D\lambda \frac{1}{a}$$

$$K = 2D\lambda$$

$$\lambda = \frac{K}{2D}$$

$$\lambda = \frac{7 \cdot 10^{-6}}{2.5, 54} = 631nm$$

2 - 1 - 3 — حساب الطاقة  $E$  للفوتون المطابقة لهذه الموجة الضوئية :  
نعلم أن طاقة الفوتون المطابقة لموجة ضوئية طول موجتها  $\lambda$  هي :

$$E = \frac{h.c}{\lambda}$$

$$E = \frac{6, 63 \cdot 10^{-34} 10^8}{631 \cdot 10^{-9}} = 3, 15 \cdot 10^{-19} J$$

$$E = \frac{3, 15 \cdot 10^{-19}}{1, 6 \cdot 10^{-19}} \simeq 2eV$$

2 — تحديد القطر  $d$  للشعرة :

حسب التجربة فإن ظاهرة حيود الضوء بواسطة شعرة أعطى النتيجة التالية :  $L' = 42mm$  ،  
حسب المبيان يوافقها  $\frac{1}{d} = 6mm^{-1}$  أي أن  $d = \frac{1}{6}mm = 0, 167mm$

الكهرباء

1 — دراسة ثنائي قطب خاضع لرتبة توتر .

1 - 1 — المعادلة التفاضلية التمس يحققها التوتر  $u_C(t)$

حسب قانون إضافية التوترات لدينا :

$$u_C(t) + u_R(t) = 0$$

$$u_C(t) + R.i(t) = 0$$

$$\boxed{u_C + RC \frac{du_C}{dt} = 0}$$

1 - 2 — تعبير  $\tau$  باعتبار أن  $u_C(t) = U_{max}e^{-t/\tau}$  حلا للمعادلة التفاضلية :

$$U_{max}e^{-t/\tau} - RC \frac{U_{max}}{\tau} e^{-t/\tau} = 0$$

$$U_{max}e^{-t/\tau} \left(1 - \frac{RC}{\tau}\right) = 0$$

$$\boxed{\tau = RC}$$

1 - 3 — لنبين أن سعة المكثف هي :  $C \simeq 1nF$

لنحدد  $\tau$  حسب المبيان :

$$u_C(t = \tau) = U_{max}e^{-1} = \frac{U_{max}}{e}$$

$$U_{max} = 2,5V \implies u_C(t = \tau) = 0,92V$$

$$\tau = 1ms$$

$$C = \frac{\tau}{R} = 1nF \text{ ومنه فإن } C = \frac{\tau}{R} = 1nF$$

2 — دراسة التذبذبات الحرة في دارة  $RLC$  على التوالي :

1 - 2 — نظام التذبذبات :

الشكل 4 يبين النظام شبه الدوري لكون أن  $q(t)$  تتناقص والزمن  $t$

2 - 2 — المعادلة التفاضلية التي تحققها الشحنة  $q(t)$  للمكثف :

لدينا حسب قانون إضافية التوترات :

$$u_C + u_b = 0$$

$$\frac{q}{C} + ri(t) + L \frac{di}{dt} = 0$$

ونعلم من جهة أخرى أن  $i = \frac{dq}{dt}$  أي أن :

$$\frac{1}{C} \cdot q + r \frac{dq}{dt} + L \cdot \frac{d^2q}{dt^2} = 0$$

$$\boxed{\frac{d^2q}{dt^2} + \frac{r}{L} \cdot \frac{dq}{dt} + \frac{1}{LC} \cdot q = 0}$$

3 - 2 — تحديد قيمة  $L$  معامل التحريض للوشية  $b$

نعلم أن الدور الخاص  $T_0$  للدارة  $LC$  هو :  $T_0 = 2\pi\sqrt{LC}$  وبما أن شبه الدور  $T$  للتذبذبات يساوي

الدور الخاص  $T_0$  فإن :

$$T = T_0 = 2\pi\sqrt{LC}$$

$$\boxed{L = \frac{T^2}{4\pi^2 \cdot C} = 1\mu H}$$

4 - 2 — حساب الطاقة المبددة بمفعول جول في الدارة بين اللحظتين  $t_1 = 0$  و  $t_2 = 2T$

الطاقة المبددة بمفعول جول خلال اللحظتين هي :

$$\Delta E = \Delta E(t_1) - \Delta E(t_2) = E_e(t_1) - E_e(t_2)$$

$$E_m(t_2) = 0 \text{ و } E_m(t_1) = 0 \text{ لأن}$$

$$\Delta E = \frac{1}{2C}q(t_1)^2 - \frac{1}{2C} \cdot q(t_2)^2$$

$$\boxed{\Delta E = \frac{1}{2C} (q(t_1)^2 - q(t_2)^2)}$$

$$\Delta E = \frac{1}{2 \cdot 10^{-9}} (2,5 \cdot 10^{-9})^2 - (2 \cdot 10^{-9})^2$$

$$E_J = \Delta E = 1,125 \cdot 10^{-9} J$$

3 — استقبال إشارة مضمنة الوسع :  
 3-1 — دور الجزء 3 في عملية إزالة التضمين : هو مرشح يسمح بمرور الإشارات ذات الترددات العالية ويمنع الإشارات ذات الترددات المنخفضة أي أن دوره حذف المركبة المستمرة  $U_0$   
 3-2 — قيمة التردد  $f_0$  للموجة الهيرتزية التي سيلتقطها الجهاز المبسط :  
 نعلم أن :

$$f_0 = \frac{1}{2\pi\sqrt{L_1C}}$$

$$f_0 = 1,52 \cdot 10^5 Hz$$

3-3 — تحديد الموصل الأومي لكي نحصل على كشف غلاف جيد :  
 للحصول على كشف غلاف جيد يجب أن تكون ثابتة الزمن  $\tau_2 = R_2C_2$  تحقق المتراجحة التالية :

$$T_0 \ll \tau_2 = R_2C_2 < T_s$$

بالنسبة للموصل الأومي :  $R_2 = 0,1 k\Omega$  لدينا  $R_2C_2 = 0,47 \mu s = 2,13 \cdot 10^6 Hz$

بالنسبة للموصل الأومي :  $R_2 = 1 k\Omega$  لدينا  $R_2C_2 = 4,7 \mu s = 2,13 \cdot 10^5 Hz$

بالنسبة للموصل الأومي :  $R_2 = 150 k\Omega$  لدينا  $R_2C_2 = 705 \mu s = 1,42 \cdot 10^3 Hz$

من خلال هذه المقارنة يتبين أن الموصل الأومي الملائم هو  $R_2 = 150 k\Omega$

### الميكانيك

الجزء الأول : دراسة حركة مركز قصور كرة .

1 — تعبري كل من  $V_x(t)$  و  $V_y(t)$

نطبق القانون الثاني لنيوتن على الكرة خلال حركتها في المعلم المرتبط بالأرض :

تخضع الكرة خلال حركتها إلى قوة وحيدة هي وزنها فقط :  $\vec{P}$

وحسب القانون الثاني لنيوتن لدينا :  $\vec{P} = m \cdot \vec{a}_G$

أي أن :  $m \cdot \vec{g} = m \cdot \vec{a}_G$  ومنه فإن :

$$\vec{a}_G = \vec{g}$$

نسقط العلاقة على المحورين  $(Ox, Oy)$  في المعلم الديكارتي  $(O, \vec{i}, \vec{j})$

$$\begin{cases} V_x = V_{0x} \\ V_y = -gt + V_{0y} \end{cases} \iff \begin{cases} \frac{dV_x}{dt} = 0 \\ \frac{dV_y}{dt} = -g \end{cases}$$

وحسب الشروط البدئية لدينا :

$$V_{0x} = V_0 \cos \alpha$$

$$V_{0y} = V_0 \sin \alpha$$

وبالتالي فإن :

$$\begin{cases} V_x = V_0 \cos \alpha \\ V_y = -gt + V_0 \sin \alpha \end{cases}$$

2 — لنبين قيمتي كل من  $V_0$  و  $\alpha$

حسب المنحنيين الممثلين في الشكل 2 لدينا :

$$V_x(t) = V_0 \cos \alpha = 13 \text{ m/s} \text{ أي أن } V_0 \cos \alpha = 13 \text{ m/s}$$

$$V_{0y} = V_0 \sin \alpha = 4 \text{ m/s}$$

$$\text{أي أن } \tan \alpha = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} = \frac{4}{13} \text{ إذن } \alpha = 17,1^\circ$$

وبالتعويض في المعادلة :  $V_{0x} = V_0 \cos \alpha$  أي أن

$$V_0 = \frac{V_{0x}}{\cos \alpha} = \frac{13}{\cos(17)} = 13,6 \text{ m/s}$$

$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = V_0 \cos \alpha \\ \frac{dy}{dt} = -gt + V_0 \sin \alpha \end{cases} \quad \text{3 — معادلة المسار :}$$

$$\begin{cases} x = (V_0 \cos \alpha).t + x_0 \\ y = -\frac{1}{2}gt^2 + (V_0 \sin \alpha).t + y_0 \end{cases} \quad \leftarrow$$

حسب الشروط البدئية لدينا :

$$x_0 = 0$$

$$y_0 = H$$

$$\begin{cases} x = (V_0 \cos \alpha).t \\ y = -\frac{1}{2}gt^2 + (V_0 \sin \alpha).t + H \end{cases}$$

من خلال المعادلة الأولى لدينا :  $t = \frac{x}{V_0 \cos \alpha}$  ونعوض في المعادلة الثانية فنحصل على :

$$y = -\frac{g}{2V_0^2 \cos^2 \alpha}.x^2 + x \tan \alpha + H$$

4 — لقبول الإرسال يجب أن تسقط الكرة في مجال الخصم على أن تكون

$$d < x \leq d + D$$

للتحقق من ذلك ومن خلال الشروط المحققة عند قذف الكرة على  $V_0$  و  $\alpha$  يجب أن نبحث عن  $x$  لكي نتحقق المتراجحة أعلاه

$$y = 0 \implies -\frac{g}{2V_0^2 \cos^2 \alpha}.x^2 + x \tan \alpha + H = 0$$

$$0,029.x^2 - 0,306.x - 2,6 = 0$$

$$\sqrt{\Delta} = 0,63$$

$$x_1 = 16,14 \text{ m} \quad x_2 = -5,6 \text{ m}$$

الحل المقبول هو  $x_1 = 16,14 \text{ m}$  وهو محصور بين

$$9 \text{ m} < x \leq 18 \text{ m}$$

وبالتالي فإن الكرة حققت الشرطين اللازمين لقبول الإرسال .

الجزء الثاني : دراسة طاقة لحركة نواس اللي 1 - تحديد الطاقة الميكانيكية للنواس  
من خلال المبيان يتبين أن الطاقة الميكانيكية تنحفظ أي أن  $E_m = Cte$  بحيث أن  $E_m = E_{pt} + E_C$   
عند اللحظة  $t = 0$  لدينا  $E_m(t = 0) = E_{pt}(t = 0) + E_C(t = 0)$   
عند اللحظة  $t$  لدينا  $E_m(t)$  وبما أن هناك انحفاظ الطاقة الميكانيكية :

$$E_m(t) = E_m(t = 0)$$

$$E_m(t) = E_{pt}(t = 0) + 0 = E_{pt}(t = 0)$$

$$\boxed{E_m = 9mJ}$$

2 - القيمة المطلقة للسرعة الزاوية  $\theta$  للنواس عند اللحظة  $t = 0,5s$   
عند اللحظة  $t = 0,5s$  لدينا حسب المبيان أن  $E_{pt}(t = 0,5s) = 0$  أي أن

$$E_C(t = 0,5s) = \frac{1}{2}J_{\Delta}\dot{\theta}^2$$

وبما أن هناك انحفاظ الطاقة الميكانيكية :

$$E_m = \frac{1}{2}J_{\Delta}\dot{\theta}^2$$

$$\boxed{\dot{\theta} = \sqrt{\frac{2E_m}{J_{\Delta}}}}$$

$$\boxed{\dot{\theta} = 2,5rad/s}$$

3 - حساب الشغل  $W$  لمزدوجة اللي :  
نعلم أن شغل مزدوجة اللي لا يتعلق إلا بالموضع البدئي والموضع النهائي أي أن

$$\Delta E_{pt} = -W$$

$$W = -\Delta E_{pt} = -(E_{pt}(t_1) - E_{pt}(t_0))$$

$$W = -(0 - 9mJ)$$

$$\boxed{W = 9mJ}$$

إنتهى التـهـنئة  
ذ . علال محداد