

## تصحيح تمارين توازن جسم خاضع لقوتين

### تمرين 1

1 - حساب الطول الأصلي للناض  $R$  بما أن الجسم في حالة توازن وخاضع لقوتين  $\vec{T}$  و  $\vec{P}$ . نطبق شرطي التوازن

$$\vec{P} + \vec{T} = \vec{0} \Leftrightarrow P = T$$

في الحالة الأولى :  $(1) m_1 g = K(l_1 - l_0)$

في الحالة الثانية :  $(2) m_2 g = K(l_2 - l_0)$

$$l_0 = \frac{m_2 l_1 - m_1 l_2}{m_2 - m_1} \Leftrightarrow \frac{m_1}{m_2} = \frac{l_1 - l_0}{l_2 - l_0} \Leftrightarrow (1)/(2)$$

تطبيق عددي :  $l_0 = 8 \text{ cm}$

2 - القوى المطبقة على الجسم  $S$  هي :  $\vec{P}$  و  $\vec{T}$ .

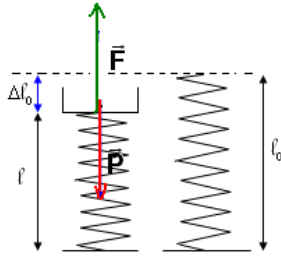
3 القوى المطبقة على الناض  $R$  هي :  $\vec{F}_1$  القوة المطبقة من طرف الجسم  $S$  على الناض . و  $\vec{F}_2$  القوة المطبقة من طرف الحامل على الناض .

### تمرين 2

1 - القوى المطبقة على الكفة :  $\vec{P}$  و  $\vec{F}$

2 - حساب شدة توتر الناض

بما ان الكفة في حالة توازن فإن  $\vec{P} + \vec{F} = \vec{0}$  أي أن  $P = F = m \cdot g$  تطبيق عددي  $F = 1 \text{ N}$



ونستنتج القيمة التي انضغط بها الناض وهي  $F = K|\Delta l_0|$  أي أن  $|\Delta l_0| = \frac{F}{K}$

تطبيق عددي  $|\Delta l_0| = 5 \text{ cm}$

3 - الطول الأصلي  $l_0$

نعلم أن  $|\Delta l_0| = |l - l_0|$  يعني أن  $l_0 = l + \Delta l_0$

تطبيق عددي  $l_0 = 25 \text{ cm}$

4 - نختار السلم  $1 \text{ cm} \leftrightarrow 0,5 \text{ N}$

### تمرين 4

1 - جرد القوى المطبقة على الحلقة

$\vec{F}_1$  توتر الناض  $R_1$

$\vec{F}_2$  توتر الناض  $R_2$

وزن الجسم مهمل لكون أن كتلة الحلقة مهملة .

2 - العلاقة بين  $\Delta l_1$  و  $\Delta l_2$

عند التوازن الطول النهائي لكل من  $R_1$  و  $R_2$  هو على التوالي  $l_1 = l_0 + \Delta l_1$  و  $l_2 = l_0 + \Delta l_2$

فإن  $O_1 O_2 = l_1 + l_2 + d$  و  $O_1 O_2 = 2l_0 + \Delta l_1 + \Delta l_2 + d$

تطبيق عددي  $\Delta l_1 + \Delta l_2 = 9 \text{ cm} = 0,09 \text{ m}$  (1)

بالنسبة للصلاية فكذا عند التوازن حسب شرطي التوازن فإن

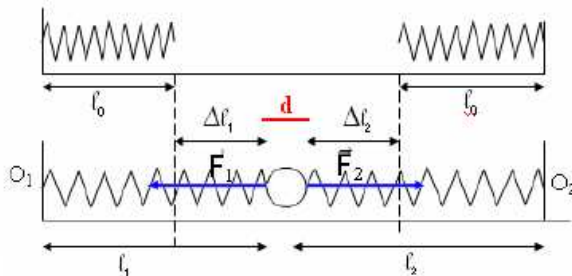
$$F_1 = F_2 \Leftrightarrow K_1 \Delta l_1 = K_2 \Delta l_2$$

تطبيق عددي  $(2) \frac{\Delta l_1}{\Delta l_2} = \frac{K_2}{K_1} = 1,25$

من (2) نستنتج أن  $\Delta l_1 = 1,25 \Delta l_2$  و في (1)

$$2,25 \Delta l_2 = 0,09 \Leftrightarrow \Delta l_2 = 0,04 \text{ m}$$

ومنه  $\Delta l_1 = 0,05 \text{ m}$



## تمرين 5

- 1 - حساب حجم الكرة  
عند غمر الكرة كلياً في الماء ينزاح الماء بالحجم  $V$  وهو يساوي حجم الكرة  
ونعلم أن الكرة في الماء من بين القوى المطبقة عليها دافعة أرخميدس شدتها حسب  
المعطيات هي  $F = P_2 - P_1 = 1,4N$   
ونعلم أن وزن الماء المزاح هو يساوي شدة دافعة أرخميدس :

$$F = \rho g V \Leftrightarrow V = \frac{F}{\rho g}$$

$V = 140cm^3$  تطبيق عددي :

- 2 - إذا كانت الكرة مملوءة سيكون ستكون شدة وزنها

$$P = \rho_{\text{laiton}} \cdot V = 9 \cdot 10^4 \cdot 1,4 \cdot 10^{-4} N = 12,6N$$

- يلاحظ أنها أكبر من 10N ووزنها الحقيقي إذن فالكرة مجوفة ونستنتج حجم الصفر من خلال شدة الوزن بالعلاقة التالية :

$$v = \frac{P_1}{\rho_{\text{laiton}} \cdot g} = 1,11 \cdot 10^{-4} m^3 = 111cm^3$$

$$V - v = 29cm^3 \text{ هو حجم جوف الكرة}$$

## تمرين 6

- 1 - حساب شدة دافعة أرخميدس المسلطة من طرف الماء على الإناء : حسب شرطي التوازن  
 $P = F = m \cdot g = 1N$

$$F = \rho_{\text{eau}} \cdot g \cdot V \Leftrightarrow V = \frac{m \cdot g}{\rho_0 \cdot g} = \frac{m}{\rho_0}$$

$$V = 100cm^3 \text{ تطبيق عددي}$$

- 2 - عند احتواء الإناء على السائل ذي الحجم  $v$  و الكتلة الحجمية  $\rho$  وهو في حالة توازن تحت تأثير قوتين دافعة أرخميدس  $\vec{F}'$  ووزن الإناء  $\vec{P} = \vec{P}_0 + \vec{P}'$  وحسب شرطي التوازن عندنا

$$F' = mg + \rho g v$$

$$\rho = \frac{F' - m \cdot g}{v \cdot g} = 1,6g/cm^3$$

## تمرين 7

- 1 - جرد القوى المطبقة على S  
 $\vec{P}$  و  $\vec{R}$  و  $\vec{F}$

- 2 - نستعمل الطريقة المبيانية

- نحدد مميزات القوى

المميزات / القوى	$\vec{P}$	$\vec{F}$	$\vec{R}$
الأصل	G	A	
الاتجاه	الخط الرأسى	المحور $x'x$	
المنحى	نحو مركز الأرض	من $x$ نحو $x'$	
الشدة	$P = m \cdot g = 5N$	$F = 3N$	

- نختار كسلم لتمثيل القوى  $1N \leftrightarrow 1cm$

- بما أن الجسم في حالة توازن نطبق شرطي التوازن :

$$\vec{P} + \vec{F} + \vec{R} = \vec{0}$$

الخط المصلي للقوى الثلاث مغلق  
وخطوط التأثير مستوائية ومتلاقية

$$R \approx 3,6N \text{ من خلال التمثيل المبياني نستنتج أن}$$

- 3 - وبما أن  $\vec{R}$  غير عمودية على المستوى المائل ، إذن هناك احتكاكات بين السطح المائل والجسم S .

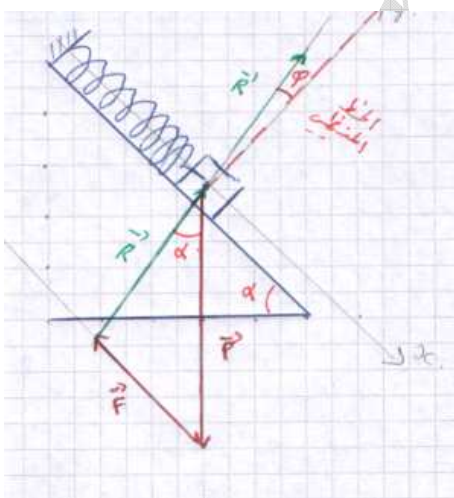
- 4 - الطريقة المبيانية

نسقط العلاقة المتجهية على المحورين  $x'Gx$  و  $y'Gy$   
فنحصل على المعادلتين التاليتين :

$$P \sin \alpha - F - R \sin \varphi_0 = 0$$

$$-P \cos \alpha + R \cos \varphi_0 = 0$$

من المعادلتين نستنتج أن



علال محداد

[www.chimiephysique.ma](http://www.chimiephysique.ma)

الجدع المشترك العلمي

$$\Leftrightarrow \tan \varphi_0 = \frac{-F + P \sin \alpha}{P \cos \alpha} \quad R \sin \varphi_0 = -F + P \sin \alpha$$

$$R \cos \varphi_0 = P \cos \alpha$$

تطبيق عددي  $\varphi_0 = 8,53^\circ$  إذن  $\tan \varphi_0 = 0,15$

### تمرين 8

1 - جرد القوى المطبقة على الكرة :

$$\vec{P}, \vec{T}, \vec{F}$$

الكرة في توازن تحت تأثير ثلاث قوى شرطى التوازن  $\vec{P} + \vec{T} + \vec{F} = \vec{0}$  وخطوط التأثير متلاقية ومستوائية

فحسب الخط المضلعي وهو عبارة عن مثلث قائم الزاوية

تطبيق علاقة فيثاغورس  $T = \sqrt{F^2 + P^2}$  تطبيق عددي :

$$T = 7,81N$$

2 - الطول الأصلي للناض :

$$T = K\Delta l = K(l - l_0)$$

نعلم أن شدة القوة المطبقة من طرف الناض  $T = K\ell - Kl_0 \Rightarrow Kl_0 = K\ell - T$

$$l_0 = \ell - \frac{T}{K}$$

تطبيق عددي :  $K=100N/m$  إذن  $l_0 = 0,15 - 0,078 = 0,072m$  (هناك خطأ في)

المعطيات نأخذ  $K=100N/m$  عوض  $K=50N/m$ )

3 - حساب الزاوية  $\alpha$

نحسب  $\tan \alpha$

$$\tan \alpha = \frac{F}{P} = 1,2$$

$$\alpha = 50,2^\circ$$

### تمرين 9

1 - جرد القوى المطبقة على S

$$\vec{P}, \vec{R}, \vec{T}$$

2 - استعمال الطريقة التحليلية : نختار معلم متعامد وممنظم مرتبط بمركز الجسم S

ونسقط فيه العلاقة المتجهية  $\vec{P} + \vec{R} + \vec{T} = \vec{0}$  ملاحظة بما أن هناك احتكاكات فإن  $\vec{R}$  غير عمودية على السطح وتكون زاوية  $\varphi$  مع الخط المنظمي .

على  $x'Gx$  :

$$-P \sin \alpha + T \cos \beta - R \sin \varphi = 0$$

على  $y'Gy$  :

$$-P \cos \alpha + T \sin \beta + R \cos \varphi = 0$$

من العلاقتين نستنتج أن

$$k = \frac{\sin \varphi}{\cos \varphi} = \frac{P \sin \alpha - T \cos \beta}{P \cos \alpha - T \sin \beta}$$

$$k(P \cos \alpha - T \sin \beta) = P \sin \alpha - T \cos \beta$$

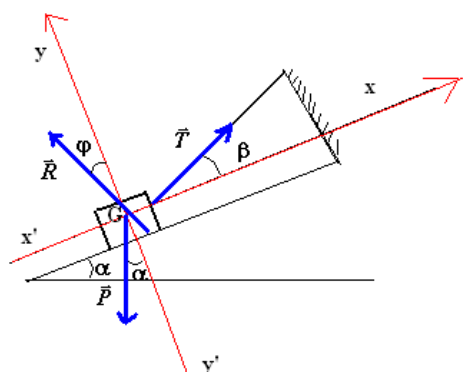
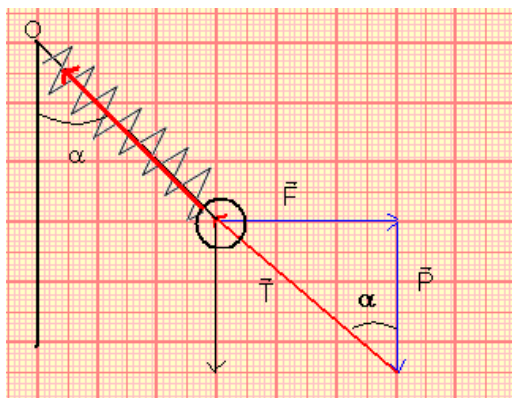
$$T(\cos \beta - k \sin \beta) = P \sin \alpha - kP \cos \alpha$$

$$T = P \frac{\sin \alpha - k \cos \alpha}{\cos \beta - k \sin \beta}$$

نستنتج تعبير شدة القوة  $\vec{R}$

نعلم أن  $R = \sqrt{R_x^2 + R_y^2}$  بحيث أن

$$R_x = R \sin \alpha = -P \sin \alpha + T \cos \beta$$



$$R_y = R \cos \varphi = P \cos \alpha - T \sin \beta \quad \text{و}$$

نعوض T في المعادلتين فنحصل على :

$$R_y = P \left[ \cos \alpha - \sin \beta \frac{\sin \alpha - k \cos \alpha}{\cos \beta - k \sin \beta} \right] \quad \text{و} \quad R_x = P \left[ \cos \beta \frac{\sin \alpha - k \cos \alpha}{\cos \beta - k \sin \beta} - \sin \alpha \right]$$

$$R = P \sqrt{\left[ \cos \beta \frac{\sin \alpha - k \cos \alpha}{\cos \beta - k \sin \beta} - \sin \alpha \right]^2 + \left[ \cos \alpha - \sin \beta \frac{\sin \alpha - k \cos \alpha}{\cos \beta - k \sin \beta} \right]^2} \quad \text{إذن}$$

3 - حساب R و T في الحالات التالية :

$$\sin \beta = 0 \quad \text{و} \quad \cos \beta = 1 \quad \text{عندنا} \quad \beta = 0^\circ$$

ولدينا  $\alpha = 30^\circ$  أي أن  $\cos \alpha = \frac{\sqrt{3}}{2}$  و  $\sin \alpha = \frac{1}{2}$  و  $k=0,5$  ( يصح هذا الخطأ في المعطيات )

$$R = 3N \quad \text{و} \quad T = 0,2N$$

بنفس العمليات الحسابية نحسب T و R  $\beta = \alpha = 30^\circ$

### تمرين 10

1 - باستعمال الطريقة الميانية نحسب شدة التوترات  $T_A$  و  $T_B$  و  $T_C$ .

جاء القوى المطبقة في النقطة O

الجسم S في حالة توازن تحت تأثير قوتين  $\vec{P}$  و  $\vec{T}_C$  حسب شرطي التوازن  $T_C = P = m \cdot g = 10N$

بما أن النقطة O في توازن تحت تأثير ثلاث قوى غير متوازية فإن :

$$\vec{T}_A + \vec{T}_B + \vec{T}_C = \vec{0}$$

وحسب الشكل فإن المثلث ABC متساوي الساقين وقائم الزاوية في C

$$T_C = T_A \sqrt{2} \Rightarrow T_A = \frac{T_C}{\sqrt{2}} = 7N$$

$$T_B = 7N \quad \text{كذلك}$$

2 - استعمال الطريقة التحليلية

نسقط العلاقة المتجهية على المحورين  $x'Ox$  و  $y'Oy$

على  $x'Ox$  :

$$-T_A \cos \beta + T_B \cos \alpha = 0$$

على  $y'Oy$  :

$$T_A \sin \beta + T_B \sin \alpha - T_C = 0$$

بما أن  $\alpha = \beta = 45^\circ$  فإن  $\cos \alpha = \cos \beta$  و  $\sin \alpha = \sin \beta$

$$T_A = T_B \quad (1) \quad \text{بحسب العلاقة}$$

(2) وبحسب العلاقة

$$T_A \sqrt{2} = T_C \Rightarrow T_A = \frac{T_C}{\sqrt{2}} = 7N = T_B$$

