

الكيمياء (7 نقط)

الجزءان الأول والثاني مستقلان

تفاعلية أيونات الإيثانوات

الجزء الأول : (4,75 نقطة)

إيثانوات الصوديوم مركب كيميائي صيغته CH_3COONa ، قابل للذوبان في الماء ، يعتبر مصدرا لأيونات الإيثانوات CH_3COO^- .
يهدف هذا الجزء إلى دراسة تفاعل أيونات الإيثانوات مع كل من الماء و حمض الميثانويك.

معطيات :

- الكتلة المولية لإيثانوات الصوديوم $M(\text{CH}_3\text{COONa}) = 82 \text{ g.mol}^{-1}$ ؛
- الجداء الأيوني للماء عند 25°C هو : $K_e = 1,0 \cdot 10^{-14}$ ؛
- ثابتة الحمضية للمزدوجة $\text{CH}_3\text{COOH}/\text{CH}_3\text{COO}^-$ عند 25°C هي : $K_{A1} = 1,6 \cdot 10^{-5}$ ؛
- جميع القياسات تتم عند درجة الحرارة 25°C .

1- دراسة تفاعل أيونات الإيثانوات مع الماء
نذيب كتلة $m = 410 \text{ mg}$ من بلورات إيثانوات الصوديوم في الماء المقطر للحصول على محلول S_1 غير مشبع ، حجمه $V = 500 \text{ mL}$ وتركيزه C_1 . نقيس pH المحلول S_1 فنجد : $\text{pH} = 8,4$.

0,25

1.1- اكتب معادلة التفاعل بين أيونات الإيثانوات و الماء .

0,75

1.2- باعتماد الجدول الوصفي لطور التفاعل ، عبّر عن نسبة التقدم النهائي τ_1 للتفاعل الحاصل بدلالة pH و C_1 . احسب τ_1 .

0,75

1.3- عبّر عن ثابتة التوازن K المقرونة بمعادلة التفاعل الحاصل بدلالة C_1 و τ_1 ، ثم تحقق أن : $K = 6,3 \cdot 10^{-10}$.

0,75

1.4- نأخذ حجما من المحلول S_1 ونضيف إليه كمية من الماء المقطر للحصول على محلول S_2 تركيزه $C_2 = 10^{-3} \text{ mol.L}^{-1}$.

احسب في هذه الحالة نسبة التقدم النهائي τ_2 للتفاعل بين أيونات الإيثانوات والماء . ماذا تستنتج ؟

2- دراسة تفاعل أيونات الإيثانوات مع حمض الميثانويك
نمزج حجما $V_1 = 90,0 \text{ mL}$ من محلول مائي لإيثانوات الصوديوم تركيزه $10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}$ و $C = 1,00 \cdot 10^{-2}$ ،
وحجما $V_2 = 10,0 \text{ mL}$ من محلول مائي لحمض الميثانويك HCOOH له نفس التركيز C .
ننمذج التحول الحاصل بتفاعل كيميائي معادلته :



يعبر عن الموصلية σ للخليط التفاعلي عند لحظة t بدلالة تقدم التفاعل x بالعلاقة :

$$\sigma = 81,9 + 1,37 \cdot 10^4 \cdot x \quad \text{مع} \quad \sigma \text{ بـ } \text{mS.m}^{-1} \text{ و } x \text{ بـ } \text{mol}.$$

2.1- نقيس موصلية الخليط التفاعلي عند التوازن فنجد : $\sigma_{\text{eq}} = 83,254 \text{ mS.m}^{-1}$.

0,75

أ- تحقق أن قيمة ثابتة التوازن K المقرونة بمعادلة التفاعل هي : $K \approx 10$.

ب- استنتج قيمة ثابتة الحمضية K_{A2} للمزدوجة $\text{HCOOH}/\text{HCOO}^-$.

0,5

2.2- احسب pH الخليط عند التوازن . استنتج النوعين الكيميائيين المهيمنين في الخليط ، عند التوازن ، من بين الأنواع الكيميائية التالية : CH_3COOH و CH_3COO^- و HCOOH و HCOO^- .

1

دراسة العمود نحاس - ألومينيوم

الجزء الثاني: (2,25 نقطة)

تم اكتشاف عمود تتدخل فيه المزدوجتان من نوع "فلز/أيون فلزي" في وقت كان فيه تطور التلغراف في حاجة لمنايع التيار الكهربائي المستمر. يهدف هذا الجزء إلى دراسة عمود نحاس - ألومينيوم.

معطيات:

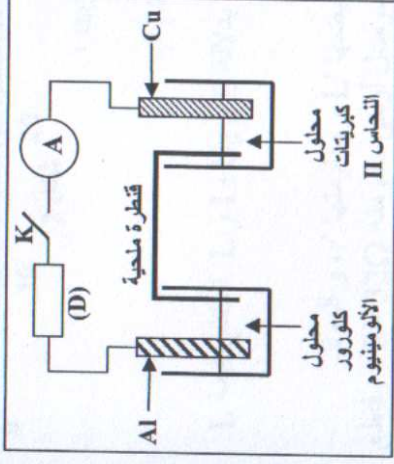
- ثابتة فارادي : $F = 96500 \text{ C.mol}^{-1}$;

- الكتلة المولية الذرية لعنصر الألومينيوم : $M=27 \text{ g.mol}^{-1}$.

- ثابتة التوازن المقرونة بمعادلة التفاعل بين فلز النحاس وأيونات الألومينيوم



هي: $K = 10^{-20}$.



ننجز العمود نحاس - ألومينيوم بوصل نصفي العمود

بواسطة قطرة ملحية لكlorور الأمونيوم $(\text{NH}_4^+ + \text{Cl}^-)$.

يتكون النصف الأول للعمود من صفيحة من النحاس مغمورة

جزئيا في محلول مائي لكبريتات النحاس II $(\text{Cu}^{2+} + \text{SO}_4^{2-})$

تركيزه C_0 وحجمه $V = 50 \text{ mL}$.

يتكون النصف الثاني للعمود من صفيحة الألومينيوم مغمورة

جزئيا في محلول مائي لكlorور الألومينيوم $(\text{Al}^{3+} + 3\text{Cl}^-)$ له

نفس التركيز C_0 ونفس الحجم V .

نركب بين قطبي العمود موصلا أوميا (D) و أمبير مترا

و قاطعا للتيار K (الشكل 1).

نغلق الدارة عند $t = 0$ فيمر فيها تيار كهربائي شدته I ثابتة.

يمثل منحنى الشكل 2 تغيرات التركيز $[\text{Cu}^{2+}]$ لأيونات

النحاس II ، الموجودة في النصف الأول للعمود، بدلالة الزمن t .

1-1- باعتماد معيار التطور التفاضلي، حدد منحنى تطور المجموعة الكيميائية المكونة للعمود.

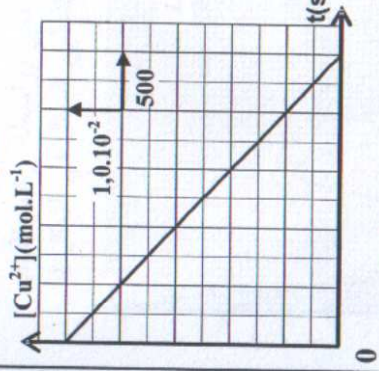
1.2- أعط التنبئة الاصطلاحي للعمود المدروس .

2-1- عبر عن التركيز $[\text{Cu}^{2+}]$ ، عند لحظة t ، بدلالة C_0 و I و V و F .

2-2- استنتج قيمة الشدة I للتيار الكهربائي المار في الدارة .

3- يستهلك العمود كليا عند لحظة t_c . أوجد، بدلالة t_c و I و F، التغير Δm ، التغير Δm ،

كتلة صفيحة الألومينيوم عندما يستهلك العمود كليا . احسب Δm .



شكل 2

الفيزياء: (13 نقطة)

تمرين 1: (نقطتان)

التفاعلات النووية لنظائر الهيدروجين

نتج الطاقة الشمسية عن تفاعل الاندماج لنوى الهيدروجين. يعمل الفيزيائيون على إنتاج الطاقة

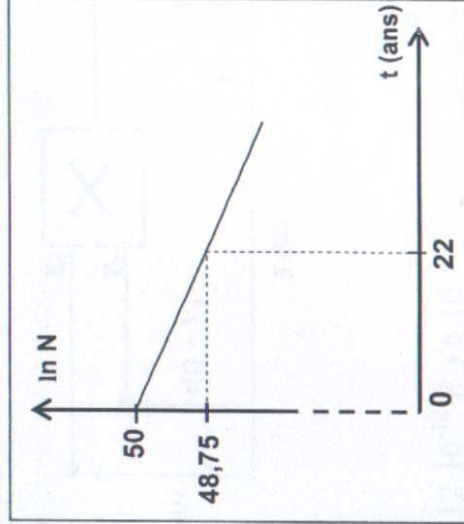
النووية انطلاقا من تفاعل الاندماج لنظيري الهيدروجين : الدوتريوم ^2_1H و التريتيوم ^3_1H .

معطيات :

الكتل بالوحدة u : $m(^2_1\text{H})=2,01355 \text{ u}$ ؛ $m(^3_1\text{H})=3,01550 \text{ u}$ ؛

$m(^1_0\text{n})=1,00866 \text{ u}$ ؛ $m(^4_2\text{He})=4,00150 \text{ u}$

$$1\text{u} = 1,66.10^{-27} \text{ kg} = 931,5 \text{ MeV}.c^{-2}$$



شكل 1

1- النشاط الإشعاعي β^- لتريتيوم

نوييدة التريتيوم ${}^3_1\text{H}$ إشعاعية النشاط β^- ، يتولد عن تفتتها أحد نظائرها عنصر الهيليوم.

1.1- اكتب معادلة هذا التفتت.

1.2- تتوفر على عينة مشعة من نوييدات التريتيوم ${}^3_1\text{H}$ تحتوي على N_0 نوييدة عند اللحظة $t = 0$.

ليكن N عدد نوييدات التريتيوم في العينة عند لحظة t .

يمثل منحنى الشكل 1 تغيرات $\ln(N)$ بدلالة الزمن t .

حدد $t_{1/2}$ عمر النصف للتريتيوم.

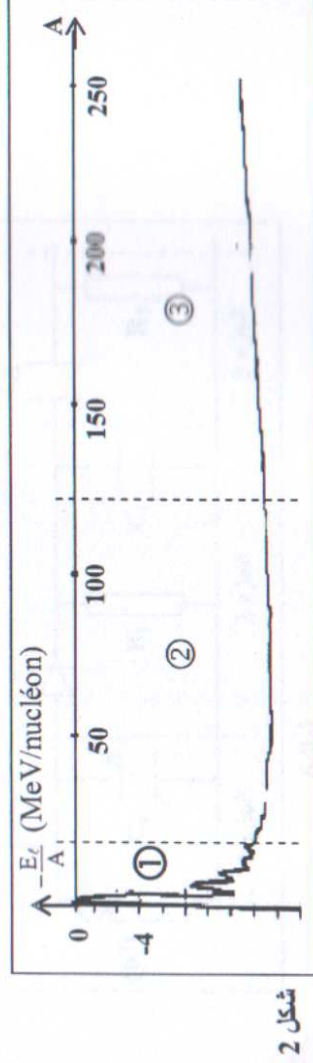
0,25

0,5

2- الاندماج النووي

2.1- يمثل منحنى الشكل 2 تغيرات مقابل طاقة الربط بالنسبة لنوييدة بدلالة عدد النويات A .

0,5



شكل 2

عين، من بين المجالات ① و ② و ③ المحددة على الشكل 2، المجال الذي يتضمن النوييدات التي يمكن أن تخضع لتفاعلات الاندماج. علل الجواب.

2.2- تكتب معادلة تفاعل الاندماج لتواتي التوتريوم ${}^2_1\text{H}$ التريتيوم ${}^3_1\text{H}$ كما يلي :



يمكن استخلاص 33 mg من التوتريوم انطلاقا من 1,0 L من ماء البحر.

احسب بال MeV القيمة المطلقة للطاقة الممكن الحصول عليها انطلاقا من تفاعل اندماج الدوتريوم، المستخلص من

$1,0 \text{ m}^3$ من ماء البحر، مع التريتيوم.

0,75

تمرين 2 : (5,25 نقطة) تحديد مميزات وشيعة قصدة استعمالها في انتقاء موجة مضئمة

تستعمل الوشيعات في تراكيب كهربائية لانتقاء إشارات مضئمة . بهدف هذا التمرين إلى

تحديد من بين وشيعتين (b) و (b')، الوشيعة التي يجب

استعمالها لانتقاء إشارة معينة مضئمة الوشيعة .

1- تحديد معامل التحريض L و المقاومة r للوشيعة (b)

نجز التركيب التجريبي الممثل في الشكل 1 و المتكون من :

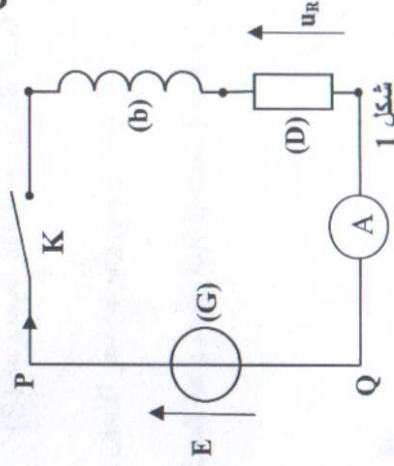
- وشيعة (b) معامل تحريضها L و مقاومتها r ؛

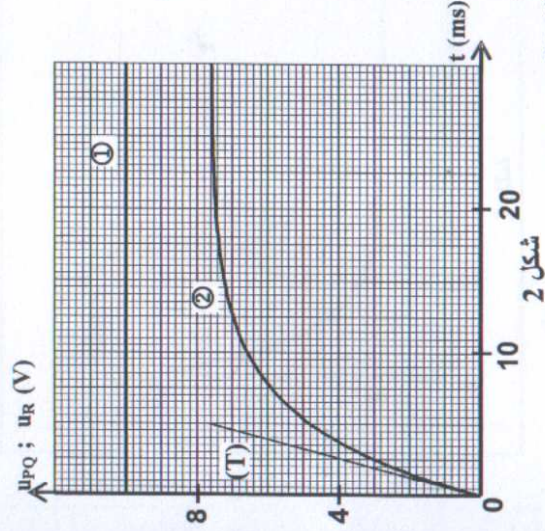
- موصل أومي (D) مقاومته R ؛

- مولد (G) مؤمّل للتوتر قرينه الكهر محرّكة E؛

- أمبير متر A مقاومته مهملة ؛

- قاطع التيار K.





شكل 2

0,5

1.1.1- بين أن المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر u_R

$$L \cdot \frac{du_R}{dt} + (R + r) \cdot u_R = 0$$

0,5

ب- علما أن حل المعادلة التفاضلية يكتب على الشكل $u_R = U_0(1 - e^{-\lambda t})$ ، أوجد تعبير كل من الثابتين U_0 و λ بدلالة برامترات الدارة.

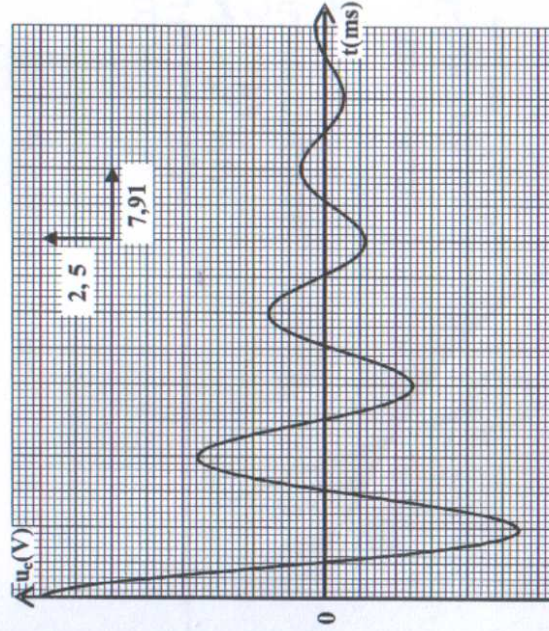
0,75

1.1.2- أوجد تعبير r مقاومة الوشعة (b) بدلالة E و I_0 . احسب قيمة r .

0,75

ب- عبّر عن $\left(\frac{du_R}{dt}\right)_0$ ، مشتقة التوتر u_R بالنسبة للزمن عند $t=0$ ، بدلالة E و I_0 و L . استنتج قيمة L .

2- تحديد معامل التحريض L' والمقاومة r' للوشعة (b')
نجز التركيب الممثل في الشكل 3 والمتكوّن من وشعة (b') ومعامل تحريضها L' ومقاومتها r' ، والمولد الكهربائي (G) ذي القوة الكهرومحرّكة E ، ومكثف سعته $C = 20 \mu F$ ، وموصل أومي مقاومته $R' = 32 \Omega$ ، وقاطع بعد شحن المكثف كلياً، نؤرّج عند اللحظة $t=0$ قاطع التيار K إلى الموضع 2، ونعاين بواسطة راسم تذبذب ذاكراتي تغيرات التوتر u_C بين مربطي المكثف بدلالة الزمن، فنحصل على الرسم التذبذبي الممثل في الشكل 4.



شكل 4

0,25

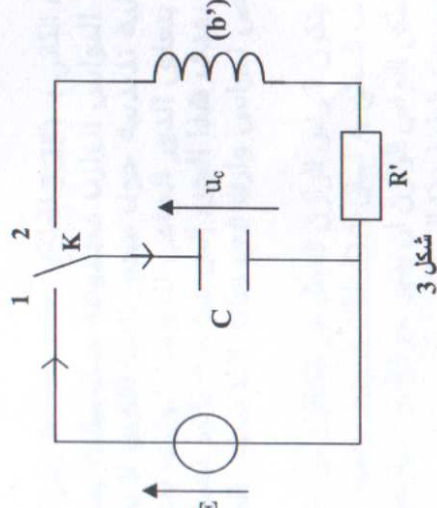
2.1.1- اعل، من الناحية الطاقة، شكل المنحنى الممثل في الشكل 4.

0,5

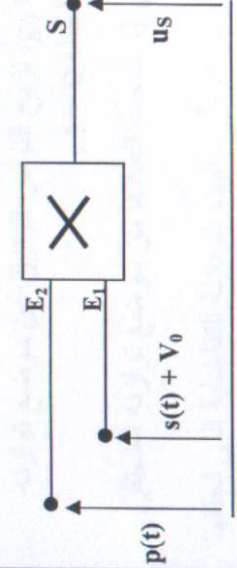
ب- باعتبار شبه الدور T يساوي الدور الخاص للتذبذب LC تحقق أن $L = 0,317 H$.

0,5

2.2- يعبر عن التوتر u_C بالعلاقة: $u_C(t) = E \cdot e^{-\frac{(r'+R')}{2L}t} \cos\left(\frac{2\pi}{T} \cdot t\right)$. بين أن $r' \approx 0$.



شكل 3



شكل 5

3- إرسال و استقبال إشارة مضمنة

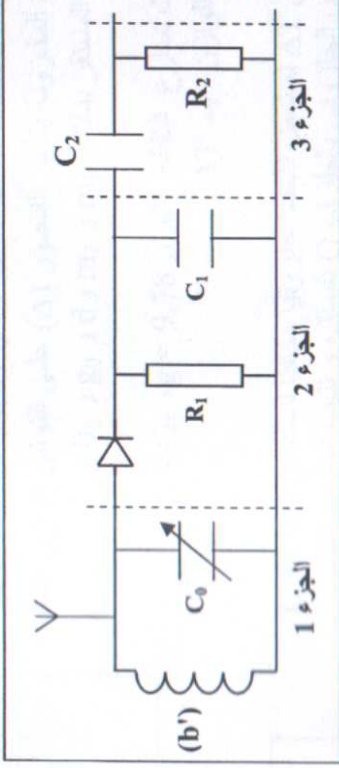
لإرسال إشارة جيبية $s(t)$ نستعمل دائرة متكاملة منجزة للجداء. نطبق على المدخل E_1 للدائرة المتكاملة إشارة توترها $u(t) = s(t) + V_0$ المدخل E_2 التوتر $p(t)$ لموجة حاملة (الشكل 5). نحصل عند المخرج S للدائرة المتكاملة المنجزة للجداء على توتر مضمن الوسع $u_S(t)$ تعبيره :

$$u_S(t) = A[1 + 0,6 \cos(10^4 \pi t)] \cdot \cos(2 \cdot 10^5 \pi t)$$

0,5

3.1- بين أن تضمين الوسع قد أنجز بشكل جيد .

3.2- يتم إزالة تضمين الوسع باعتماد التركيب الممثل في الشكل 6 .
الجزء 1 من التركيب مكون من الوشيع (b') ومكثف سعته C_0 قابلة للضبط بين القيمتين : $6 \cdot 10^{-12} F$ و $12 \cdot 10^{-12} F$. مقاومة الموصل الأومي المستعمل في الجزء 2 من التركيب هي : $R_1 = 30 k\Omega$.



شكل 6

أ- بين أن استعمال الوشيع (b') في التركيب يُمكن الجزء 1 من انتقاء الإشارة $u_S(t)$ ؟

0,5

ب- نريد الحصول على كشف غلاف جيد باستعمال أحد المكثفات سعاتها : $5 nF$ ؛ $0,5 nF$ ؛ $0,1 nF$. حدد سعة المكثف الملائم .

0,5

تمرين 3 : (5,75 نقطة)

الجزءان الأول والثاني مستقلان
حركة سقوط مظلي

الجزء الأول : (2,5 نقطة)
بعد مدة وجيزة من قفزه من طائره يفتح المظلي مظله لكبح حركته ، الشيء الذي يمكنه من الوصول الى سطح الأرض بسلام .
يهدف هذا الجزء الى دراسة الحركة الرأسية لمظلي بعد فتح مظله .

معطيات : - كتلة المظلي و لوازمه : $m = 100 kg$ ؛

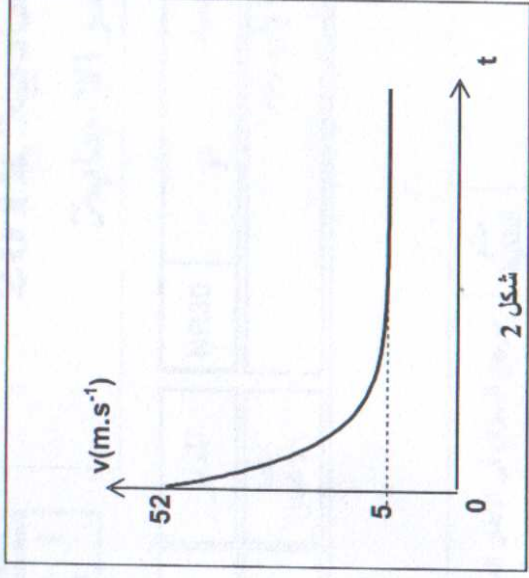
- نعتبر تسارع الثقالة ثابت : $g = 9,8 m.s^{-2}$.

يقفز مظلي مصحوبا بلوازمه بسرعة بدئية مهمة من طائرة مروحية متوقفة على ارتفاع h من سطح الأرض . يفتح المظلي مظله عندما تبلغ سرعته $52 m.s^{-1}$ عند لحظة نعتبرها أصلا للتواريخ ، فتأخذ المجموعة (S) المكونة من المظلي و لوازمه حركة إزاحة رأسية .

ندرس حركة المجموعة (S) في معلم $(O, \vec{k})$ ، نعتبره غاليليا ، مرتبط بالأرض ، رأسي وموجه نحو الأسفل (الشكل 1).

يطبق الهواء على المجموعة (S) قوة نتمذجها بقوة احتكاك شدتها $f = k \cdot v^2$ حيث k ثابتة و v سرعة المظلي . نهمل دافعة أرخميدس المطبقة من طرف الهواء .

يمثل منحني الشكل 2 تغيرات السرعة v بدلالة الزمن بعد فتح المظلة .



شكل 2

1- بين أن المعادلة التفاضلية التي تحققها السرعة v تكتب على شكل ($1 - \frac{v^2}{\alpha^2}$) محددا تعبير $\frac{dv}{dt} = g \cdot (1 - \frac{v^2}{\alpha^2})$

0,5

الثابتة α بدلالة m و g و k .
2- اختر الجواب الصحيح مع التعليل:
يمثل المقدار α :

(أ) سرعة المجموعة (S) عند اللحظة $t=0$.

(ب) تسارع حركة المجموعة (S) عند اللحظة $t=0$.

(ج) السرعة الحدية للمجموعة (S).

(د) تسارع حركة المجموعة (S) في النظام الدائم.

3- حدد قيمة α . استنتج قيمة k محددا وحدتها في النظام العالمي للوحدات.

4- لخط المنحنى $v=f(t)$ الممثل في الشكل 2، يمكن استعمال طريقة أولير بخطوة حساب Δt .

لتكن v_n سرعة المظلي عند اللحظة t_n و v_{n+1} سرعته عند اللحظة $t_n + \Delta t$ حيث:

$$v_{n+1} = -7,84 \cdot 10^{-2} \cdot v_n^2 + v_n + 1,96 \quad \text{مع} \quad v_n \text{ و } v_{n+1} \text{ في } (m.s^{-1}).$$

حدد خطوة الحساب Δt .

0,75

0,75

الجزء الثاني: (3,25 نقطة)
النواس الثاني

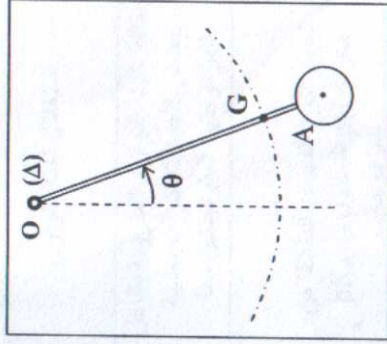
النواس الوزان مجموعة ميكانيكية يمكنها أن تنجز حركة

دورانية تذبذبية حول محور ثابت أفقي لا يمر من مركز ثقلها.

يتعلق الدور الخاص للنواس بالوزان بتسارع الثقالة.

يهدف هذا الجزء إلى دراسة تأثير تسارع الثقالة على الدور

الخاص لنواس وازن في حالة التذبذبات الصغيرة.



شكل 1

يتكون النواس الوزان الممثل في الشكل 1 من قرص كتلته m_1 مثبت

بالطرف السفلي A لساق OA كتلتها m_2 بحيث $m_2 = 200g$ و $m_1 + m_2$.

يُمكن للنواس الوزان أن ينجز حركة دورانية تذبذبية حول محور (Δ) أفقي

ثابت يمر من الطرف O للساق.

* يوجد مركز القصور G للنواس الوزان على الساق بحيث $OG = d = 50 \text{ cm}$.

* عزم قصور النواس الوزان بالنسبة للمحور (Δ) هو: $J_A = 9,8 \cdot 10^{-2} \text{ kg.m}^2$.

* نهمل جميع الاحتكاكات؛

* نأخذ بالنسبة للزوايا الصغيرة: $\cos \theta \approx 1 - \frac{\theta^2}{2}$ و $\sin \theta \approx \theta$ مع θ بالراديان، ونأخذ $\pi^2 = 10$.

1- على مستوى سطح البحر حيث تسارع الثقالة $g_0 = 9,8 \text{ m.s}^{-2}$ ، نزيح النواس الوازن عن موضع توازنه المستقر بزاوية $\theta_0 = \frac{\pi}{18} \text{ rad}$ ، ونحرره بدون سرعة بدئية عند اللحظة $t = 0$.
نمعلم، عند كل لحظة، موضع النواس الوازن بالأفصول الزاوي θ المحدد انطلاقا من موضع توازنه المستقر. (الشكل 1).

0,25

1.1- بتطبيق العلاقة الأساسية للديناميك في حالة الدوران على النواس الوازن، أثبت المعادلة التفاضلية التي تحققها الزاوية θ في حالة التذبذبات الصغيرة.

0,5

1.2- أوجد، بدلالة J_Δ و d و m_1 و m_2 و g_0 ، تعبير الدور الخاص T_0 للنواس الوازن ليكون حل المعادلة التفاضلية هو: $\theta = \theta_0 \cos\left(\frac{2\pi}{T_0} t\right)$.

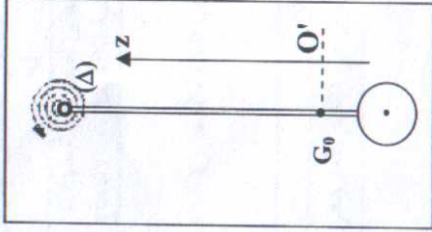
احسب T_0 .

0,75

1.3- بتطبيق القانون الثاني لنيوتن وباستعمال أساس فريني $(\vec{G}, \vec{u}, \vec{n})$ ، (الشكل 2)، أوجد تعبير الشدة R للقوة المقرونة بتأثير المحور (Δ) على النواس الوازن عند مروره من موضع توازنه المستقر بدلالة m_1 و m_2 و d و g_0 و θ_0 و T_0 .

احسب R .

2- في منطقة جبلية، حيث تسارع الثقالة $g = 9,78 \text{ m.s}^{-2}$ ، يزداد الدور الخاص T_0 للنواس الوازن بـ ΔT .



شكل 2

لتصحيح الفرق الزمني ΔT نستعمل نابضا حلزونيا مكافئا لسلك لي ثابتة لتيه C . نربط أحد طرفي النابض الحلزوني بالطرف O للساق، ونثبت الطرف الثاني للنابض بحامل ثابت، بحيث يكون النابض الحلزوني غير مشوه عندما يكون النواس الوازن في موضع توازنه المستقر. (الشكل 3).

نختار المستوى الأفقي المار من G_0 ، مركز قصور النواس الوازن عند توازنه المستقر، مرجعا لطاقة الوضع الثقالية، والموضع الذي يكون فيه النابض الحلزوني غير مشوه مرجعا لطاقة الوضع للي. توافق النقطة G_0 أصل المعلم $O'z$ الموجه نحو الأعلى (الشكل 3).

0,5

2.1- بين، في حالة التذبذبات الصغيرة وعند لحظة t ، أن الطاقة الميكانيكية للمتذبذب المحصل تكتب على الشكل: $E_m = a.\dot{\theta}^2 + b.\theta^2$ محددا تعبير كل من a و b بدلالة

معطيات التمرين الضرورية.

0,5

2.2- استنتج المعادلة التفاضلية للحركة التي تحققها الزاوية θ بدلالة a و b .
2.3- أوجد تعبير ثابتة اللي C الملائمة لتصحيح الفرق الزمني ΔT بدلالة m_1 و m_2 و d و g و g_0 . احسب C .

0,75

شكل 3



الصفحة

1

8

الامتحانات الوطني الموحد للبيكا لوريا
الدورة العادية 2012
الموضوع

المملكة المغربية

وزارة التربية الوطنية والتكوين
المركز الوطني للتقويم والامتحانات

7	العامل	NS30	الفيزياء والكيمياء	المادة
4	مدة الاجاز		شعبة العلوم الرياضية (أ) و (ب)	الشعبة أو التخصص

يسمح باستعمال الآلة الحاسبة غير القابلة للبرمجة

يتضمن الموضوع أربعة تمارين :

- تمرين في الكيمياء (7 نقط)
- ثلاثة تمارين في الفيزياء (13 نقطة)

• تمرين الكيمياء : (7 نقط)

الجزء الأول : تفاعلية أيونات الإيثانوات..... 4,75 نقطة
الجزء الثاني : دراسة العمود نحاس – ألومينيوم..... 2,25 نقطة

• تمارين الفيزياء : (13 نقطة)

- تمرين 1: التفاعلات النووية لنظائر الهيدروجين..... 2 نقطة
تمرين 2: تحديد مميزات وشيعة قصد استعمالها
في انتقاء موجة مضمنة..... 5,25 نقطة
تمرين 3: (5,75 نقطة)
الجزء الأول :حركة سقوط مظلي..... 2,5 نقطة
الجزء الثاني :النواس الوازن..... 3,25 نقطة