### Dipôle RL

### allal Mahdade

générale Ouelle est

l'énergie stockée dans une bobine?

réponse d'un dipôle (R,L) à u échelon de tension?

Étude théorique établissement du courant dans un hobine

La rupture du courant dans une bobine

# Dipôle RL Chapitre 7

### allal Mahdade

Groupe scolaire La Sagesse Lycée qualifiante

28 décembre 2016

### Dipôle RL

#### allal Mahdade

générale Ouelle est

l'énergie stockée dans une bobine

Quelle est la réponse d'un dipôle (R,L) à t échelon de tension?

Étude théorique établissement du courant dans un bobine

- Introduction générale
- 2 Quelle est l'énergie stockée dans une bobine
- 3 Quelle est la réponse d'un dipôle (R,L) à un échelon de tension ?
- Étude théorique : établissement du courant dans une bobine
- La rupture du courant dans une bobine

### Dipôle RL

#### allal Mahdade

générale Ouelle est

l'énergie stockée dans une bobine

Quelle est la réponse d'un dipôle (R,L) à t échelon de tension?

Étude théorique établissement du courant dans un bobine

- Introduction générale
- 2 Quelle est l'énergie stockée dans une bobine?
- 3 Quelle est la réponse d'un dipôle (R,L) à un échelon de tension ?
- (1) Étude théorique : établissement du courant dans une bobine
- La rupture du courant dans une bobine

### Dipôle RL

#### allal Mahdade

générale Quelle est

l'énergie stockée dans une bobine

quelle est la réponse d'un dipôle (R,L) à u échelon de tension ?

Étude théorique établissement du courant dans un bobine

- Introduction générale
- 2 Quelle est l'énergie stockée dans une bobine?
- 3 Quelle est la réponse d'un dipôle (R,L) à un échelon de tension?
- 4 Étude théorique : établissement du courant dans une bobine
- 3 La rupture du courant dans une bobine

### Dipôle RL

#### allal Mahdade

générale Ouelle est

Quene est l'énergie stockée dans une bobine

quelle est la réponse d'un dipôle (R,L) à u échelon de tension ?

Étude théorique établissement du courant dans un bobine

- Introduction générale
- Quelle est l'énergie stockée dans une bobine?
- 3 Quelle est la réponse d'un dipôle (R,L) à un échelon de tension ?
- 4 Étude théorique : établissement du courant dans une bobine
- 5 La rupture du courant dans une bobine

### Dipôle RL

#### allal Mahdade

générale Ouelle est

l'énergie stockée dans une bobine

réponse d'un dipôle (R,L) à u échelon de tension ?

Étude théorique établissement du courant dans un bobine

- Introduction générale
- 2 Quelle est l'énergie stockée dans une bobine?
- 3 Quelle est la réponse d'un dipôle (R,L) à un échelon de tension?
- 4 Étude théorique : établissement du courant dans une bobine
- **S** La rupture du courant dans une bobine

# Introduction

#### Dipôle RL

allal Mahdade

### Introduction générale

Quelle est l'énergie stockée dans une bobine :

Quelle est la réponse d'un dipôle (R,L) à u échelon de tension ?

Étude théorique établissement du courant dans une bobine

La rupture du courant dans une bobine



Dans un moteur à explosion , un système d'allumage est nécessaire pour produire l'étincelle qui enflammera le mélange air-essence . Ce système comportant une bobine.

Qu'est ce que une bobine? Quelle est son influence dans un circuit électrique?

Dipôle RL

allal Mahdade

Introduction générale

Quene est l'énergie stockée dans une bobine

Quelle est la réponse d'un dipôle (R,L) à ur échelon de tension?

Étude théorique établissement du courant dans une bobine

La rupture du courant dans une

### 1. Définition

Une bobine est un dipôle, constitué par un enroulement cylindrique d'un fil conducteur recouvert d'une couche isolante (gaine ou vernie).



#### Dipôle RL

allal Mahdade

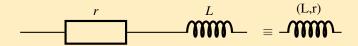
### Introduction générale Ouelle est

Quelle est l'énergie stockée dans une bobine?

réponse d'un dipôle (R,L) à un échelon de tension?

Etude théorique : établissement du courant dans une bobine

La rupture du courant dans une bobine Le symbole d'une bobine est représenté ci-dessus :



- \* r la résistance interne de la bobine et L est un coefficient qui la caractérise appelé inductance exprimé en henry (H).
- \* On mesure l'inductance L d'une bobine par un appareil de mesure de l'inductance .
- \* lorsque la résistance interne  $r \simeq 0$  on considère que la bobine est pure

Dipôle RL

allal Mahdade

### Introduction générale Quelle est

l'énergie stockée dans une bobine

Quelle est la réponse d'un dipôle (R,L) à un échelon de tension ?

Étude théorique établissement du courant dans un bobine

La rupture du courant dans une

### 2. Tension aux bornes d'une bobine

# a. Étude expérimentale 1

On réalise le montage expérimentale du document 1 une bobine de résistance faible et d'inductance L=10mH, un générateur (G) de tension continue , un conducteur ohmique de résistance  $R=100\Omega$ , un ampèremètre pour mesurer l'intensité de courant dans le circuit , un voltmètre pour mesurer la tension aux bornes de la bobine , un rhéostat et un interrupteur K.

### Dipôle RL

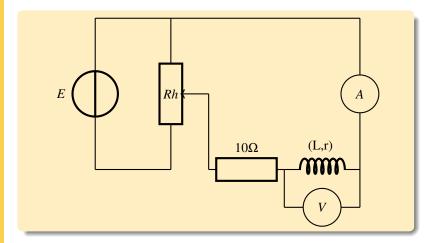
allal Mahdade

### Introduction générale

Quelle est l'énergie stockée dans une bobine?

Quelle est la réponse d'un dipôle (R,L) à ur échelon de tension?

Étude théorique établissement du courant dans une hobine



Dipôle RL

allal Mahdade

Introduction générale Quelle est

l'énergie stockée dans une bobine

réponse d'un dipôle (R,L) à un échelon de tension ?

Étude théorique établissement du courant dans une bobine

La rupture du courant dans une bobine On ferme l'interrupteur K et on fait varier la tension aux borne de la bobine  $U_B$  à l'aide d'un rhéostat , à chaque fois on mesure l'intensité de courant qui traverse le circuit et la tension  $U_B$  .

On obtient les résultats suivant :

U(V)					
I(A)	0	0,1	0,2	0,3	0,4

### Dipôle RL

allal Mahdade

Introduction

Quelle est l'énergie stockée

générale

l'énergie stockée dans une bobine

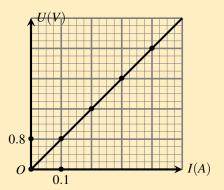
Quelle est la réponse d'un dipôle (R,L) à u échelon de tension ?

Etude théorique établissement du courant dans une bobine

La rupture du courant dans une bobine

### b. Exploitation des résultats :

1. Représenter la courbe  $U_B$  en fonction de l'intensité I



La courbe  $U_B = f(I)$  est une droite linéaire

### Dipôle RL

allal Mahdade

### Introduction générale

Quelle est l'énergie stockée dans une bobine s

Quelle est la réponse d'un dipôle (R,L) à un échelon de tension?

Etude théorique établissement du courant dans une bobine

La rupture du courant dans une bobine

- 2. Montrer que la bobine se comporte comme un conducteur ohmique de résistance r
- Puisque U<sub>B</sub> est proportionnelle à l'intensité qui traverse la bobine, donc elle se comporte comme un conducteur ohmique de résistance
- 3. Déterminer la résistance interne de la bobine et la comparer avec celle indiquée par le fabriquant .
- Le coefficient directeur de la droite qui passe par l'origine des axes :

$$r = \frac{\Delta U}{\Delta I} = \frac{2,4-0,8}{0,3-0.1} = 8\Omega$$

- 4. En déduire une relation entre r et l
- La relation est  $U_R = r.I_R$

allal Mahdade

### Dipôle RL

allal Mahdade

### Introduction générale

Quelle est l'énergie stockée dans une bobine?

Quelle est la réponse d'un dipôle (R,L) à un échelon de tension?

Étude théorique établissement du courant dans une bobine

La rupture du courant dans une

# • 2. Montrer que la bobine se comporte comme un conducteur ohmique de résistance r

- Puisque  $U_B$  est proportionnelle à l'intensité qui traverse la bobine , donc elle se comporte comme un conducteur ohmique de résistance r
- 3. Déterminer la résistance interne de la bobine et la comparer avec celle indiquée par le fabriquant.
- Le coefficient directeur de la droite qui passe par l'origine des aves:

$$r = \frac{\Delta U}{\Delta I} = \frac{2, 4 - 0, 8}{0, 3 - 0.1} = 8\Omega$$

- 4. En déduire une relation entre r et l
- La relation est  $U_B = r.l$

#### Dipôle RL

allal Mahdade

### Introduction générale

Quelle est l'énergie stockée dans une bobine?

Quelle est la réponse d'un dipôle (R,L) à un échelon de tension?

Étude théorique établissement du courant dans une bobine

- 2. Montrer que la bobine se comporte comme un conducteur ohmique de résistance r
- Puisque U<sub>B</sub> est proportionnelle à l'intensité qui traverse la bobine, donc elle se comporte comme un conducteur ohmique de résistance r.
- 3. Déterminer la résistance interne de la bobine et la comparer avec celle indiquée par le fabriquant.
- Le coefficient directeur de la droite qui passe par l'origine des axes:

$$r = \frac{\Delta U}{\Delta I} = \frac{2, 4 - 0, 8}{0, 3 - 0.1} = 8\Omega$$

- 4. En déduire une relation entre r et l
- La relation est  $U_B = r.l$

### Dipôle RL

allal Mahdade

Introduction générale

Quelle est l'énergie stockée dans une bobine ?

réponse d'un dipôle (R,L) à un échelon de tension?

Étude théorique établissement du courant dans une bobine

- 2. Montrer que la bobine se comporte comme un conducteur ohmique de résistance r
- Puisque U<sub>B</sub> est proportionnelle à l'intensité qui traverse la bobine, donc elle se comporte comme un conducteur ohmique de résistance r.
- 3. Déterminer la résistance interne de la bobine et la comparer avec celle indiquée par le fabriquant .
- Le coefficient directeur de la droite qui passe par l'origine des axes:

$$r = \frac{\Delta U}{\Delta I} = \frac{2, 4 - 0, 8}{0, 3 - 0.1} = 8\Omega$$

- 4. En déduire une relation entre r et l
- La relation est  $U_B = r.1$

### Dipôle RL

allal Mahdade

générale

Quelle est l'énergie stockée dans une bobine

Quelle est la réponse d'un dipôle (R,L) à ur échelon de tension?

Étude théorique établissement du courant dans une bobine

- 2. Montrer que la bobine se comporte comme un conducteur ohmique de résistance r
- Puisque  $U_B$  est proportionnelle à l'intensité qui traverse la bobine , donc elle se comporte comme un conducteur ohmique de résistance  ${\bf r}$  .
- 3. Déterminer la résistance interne de la bobine et la comparer avec celle indiquée par le fabriquant .
- Le coefficient directeur de la droite qui passe par l'origine des axes :

$$r = \frac{\Delta U}{\Delta I} = \frac{2,4-0,8}{0,3-0.1} = 8\Omega$$

- 4. En déduire une relation entre r et I
- La relation est  $U_R = r.I$



#### Dipôle RL

allal Mahdade

### Introduction générale

Quelle est l'énergie stockée dans une bobine ?

Quelle est la réponse d'un dipôle (R,L) à un échelon de tension?

Étude théorique établissement du courant dans une bobine

- 2. Montrer que la bobine se comporte comme un conducteur ohmique de résistance r
- Puisque U<sub>B</sub> est proportionnelle à l'intensité qui traverse la bobine, donc elle se comporte comme un conducteur ohmique de résistance r.
- 3. Déterminer la résistance interne de la bobine et la comparer avec celle indiquée par le fabriquant .
- Le coefficient directeur de la droite qui passe par l'origine des axes :

$$r = \frac{\Delta U}{\Delta I} = \frac{2,4-0,8}{0,3-0.1} = 8\Omega$$

- 4. En déduire une relation entre r et I
- La relation est  $U_B = r.I$

Dipôle RL

allal Mahdade

### Introduction générale

l'énergie stockée dans une bobine

réponse d'un dipôle (R,L) à un échelon de tension?

Étude théorique : établissement du courant dans une bobine

La rupture du courant dans une bobine

# b. Expérience 2 :

On réalise le même montage de l'expérience 1 en remplaçant le générateur de tension continue par un générateur de base fréquence (GBF) qui alimente le circuit par un courant triangulaire de fréquence f = 400Hz et de tension maximale 5V

### Dipôle RL

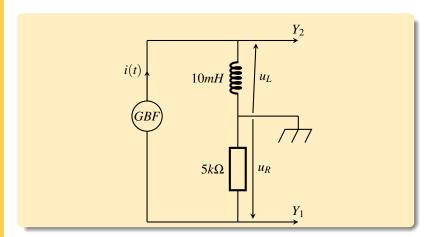
allal Mahdade

### Introduction générale

Quelle est l'énergie stockée dans une bobine?

Quelle est la réponse d'un dipôle (R,L) à un échelon de tension?

Etude théorique : établissement du courant dans une bobine



### Dipôle RL

allal Mahdade

### Introduction générale Quelle est

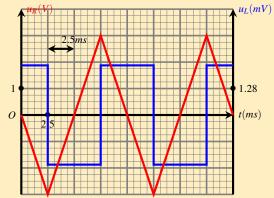
Quelle est l'énergie stockée dans une bobine?

Quelle est la réponse d'un dipôle (R,L) à ur échelon de tension?

établissement du courant dans une bobine

La rupture du courant dans une bobine

On utilise un système d'acquisition reliée à un oscilloscope . On obtient la courbe représentée ci-dessous :



#### Dipôle RL

allal Mahdade

# Introduction générale

Quelle est l'énergie stockée dans une bobine :

Quelle est la réponse d'un dipôle (R,L) à u échelon de tension?

Étude théorique établissement du courant dans une bobine

La rupture du courant dans une

- 1. Expliquer pourquoi l'entrée  $Y_1$  de l'oscilloscope nous permet de visualiser les variations de l'intensité du courant qui traverse le circuit?
- $Y_1$  visualise la tension au borne du conducteur ohmique  $u_R(t) = -R.i(t)$ , donc la courbe de i(t) a la même forme que celle de  $u_R(t)$
- 2. Pour l'intervalle [0,2.5ms] l'intensité du courant rectangulaire peut s'écrire sous la forme suivante : i(t) = at
- 2.1 déterminer la valeur du coefficient a. quelle est son unité?
- plans I intervalle [0, 2.5ms] on a  $u_R$  est une droite qui passe par O qui a pour coefficient directeur  $\frac{\Delta u}{\Delta t} = \frac{-3-0}{2.5-0} = -1200V/s$  i.e que  $u_R = -1200.t$ . donc  $i(t) = \frac{-u_R}{R} = -\frac{-1200}{5 \times 10^3}.t = 0,24.t$

#### Dipôle RL

allal Mahdade

### Introduction générale

Quelle est l'énergie stockée dans une bobine

Quelle est la réponse d'un dipôle (R,L) à u échelon de tension?

Étude théorique établissement du courant dans une hobine

La rupture du courant dans une

- 1. Expliquer pourquoi l'entrée  $Y_1$  de l'oscilloscope nous permet de visualiser les variations de l'intensité du courant qui traverse le circuit ?
- $Y_1$  visualise la tension au borne du conducteur ohmique  $u_R(t) = -R.i(t)$ , donc la courbe de i(t) a la même forme que celle de  $u_R(t)$
- 2. Pour l'intervalle [0, 2.5ms] l'intensité du courant rectangulaire peut s'écrire sous la forme suivante : i(t) = at
- 2.1 déterminer la valeur du coefficient *a* . quelle est son unité
- Dans I intervalle [0, 2.5ms] on a  $u_R$  est une droite qui passe par O qui a pour coefficient directeur  $\frac{\Delta u}{\Delta t} = \frac{-3 0}{2.5 0} = -1200 V/s$  i.e que  $u_R = -1200 t$ .

donc 
$$i(t) = \frac{-u_R}{R} = -\frac{-1200}{5 \times 10^3} \cdot t = 0,24.t$$

#### Dipôle RL

allal Mahdade

### Introduction générale

Quelle est l'énergie stockée dans une bobine

Quelle est la réponse d'un dipôle (R,L) à un échelon de tension?

Étude théorique établissement du courant dans une hobine

La rupture du courant dans une

- 1. Expliquer pourquoi l'entrée  $Y_1$  de l'oscilloscope nous permet de visualiser les variations de l'intensité du courant qui traverse le circuit?
- $Y_1$  visualise la tension au borne du conducteur ohmique  $u_R(t) = -R.i(t)$ , donc la courbe de i(t) a la même forme que celle de  $u_R(t)$
- 2. Pour l'intervalle [0, 2.5ms] l'intensité du courant rectangulaire peut s'écrire sous la forme suivante : i(t) = at
- 2.1 déterminer la valeur du coefficient *a* . quelle est son unité ?
- o Dans l'intervalle [0, 2.5ms] on a  $u_R$  est une droite qui passe par O qui a pour coefficient directeur  $\frac{\Delta u}{\Delta t} = \frac{-3-0}{2.5-0} = -1200V/s$  i.e que  $u_R = -1200.t$ .

donc 
$$i(t) = \frac{-u_R}{R} = -\frac{-1200}{5 \times 10^3} .t = 0,24.i$$

#### Dipôle RL

allal Mahdade

### Introduction générale

Quelle est l'énergie stockée dans une bobine

Quelle est la réponse d'un dipôle (R,L) à un échelon de tension?

Étude théorique établissement du courant dans une bobine

La rupture du courant dans une

- 1. Expliquer pourquoi l'entrée  $Y_1$  de l'oscilloscope nous permet de visualiser les variations de l'intensité du courant qui traverse le circuit?
- $Y_1$  visualise la tension au borne du conducteur ohmique  $u_R(t) = -R.i(t)$ , donc la courbe de i(t) a la même forme que celle de  $u_R(t)$
- 2. Pour l'intervalle [0, 2.5ms] l'intensité du courant rectangulaire peut s'écrire sous la forme suivante : i(t) = at
- 2.1 déterminer la valeur du coefficient a . quelle est son unité ?
- Dans l'intervalle [0,2.5ms] on a  $u_R$  est une droite qui passe par O qui a pour coefficient directeur  $\frac{\Delta u}{\Delta t} = \frac{-3-0}{2.5-0} = -1200V/s$  i.e que  $u_R = -1200.t$ . donc  $i(t) = \frac{-u_R}{R} = -\frac{-1200}{5-103}.t = 0,24.t$

#### Dipôle RL

allal Mahdade

### Introduction générale

Quelle est l'énergie stockée dans une bobine

Quelle est la réponse d'un dipôle (R,L) à ur échelon de tension?

Étude théorique établissement du courant dans une bobine

La rupture du courant dans une

- 1. Expliquer pourquoi l'entrée  $Y_1$  de l'oscilloscope nous permet de visualiser les variations de l'intensité du courant qui traverse le circuit?
- $Y_1$  visualise la tension au borne du conducteur ohmique  $u_R(t) = -R.i(t)$ , donc la courbe de i(t) a la même forme que celle de  $u_R(t)$
- 2. Pour l'intervalle [0, 2.5ms] l'intensité du courant rectangulaire peut s'écrire sous la forme suivante : i(t) = at
- 2.1 déterminer la valeur du coefficient a . quelle est son unité ?
- Dans l'intervalle [0, 2.5ms] on a  $u_R$  est une droite qui passe par O qui a pour coefficient directeur  $\frac{\Delta u}{\Delta t} = \frac{-3-0}{2.5-0} = -1200V/s$  i.e que  $u_R = -1200.t$ . donc  $i(t) = \frac{-u_R}{R} = -\frac{-1200}{5 \times 10^3}.t = 0,24.t$

#### Dipôle RL

allal Mahdade

### Introduction générale

Quelle est l'énergie stockée dans une bobine

Quelle est la réponse d'un dipôle (R,L) à u échelon de tension ?

Étude théorique : établissement du courant dans une bobine

La rupture du courant dans une bobine

- 1. Expliquer pourquoi l'entrée  $Y_1$  de l'oscilloscope nous permet de visualiser les variations de l'intensité du courant qui traverse le circuit?
- $Y_1$  visualise la tension au borne du conducteur ohmique  $u_R(t) = -R.i(t)$ , donc la courbe de i(t) a la même forme que celle de  $u_R(t)$
- 2. Pour l'intervalle [0, 2.5ms] l'intensité du courant rectangulaire peut s'écrire sous la forme suivante : i(t) = at
- 2.1 déterminer la valeur du coefficient a . quelle est son unité ?
- Dans l'intervalle [0, 2.5ms] on a  $u_R$  est une droite qui passe par O qui a pour coefficient directeur  $\frac{\Delta u}{\Delta t} = \frac{-3-0}{2.5-0} = -1200V/s$  i.e que  $u_R = -1200.t$ . donc  $i(t) = \frac{-u_R}{R} = -\frac{-1200}{5 \times 10^3}.t = 0,24.t$

#### Dipôle RL

allal Mahdade

# Introduction générale

Quelle est l'énergie stockée

l'énergie stockée dans une bobine ? Ouelle est la

Quelle est la réponse d'un dipôle (R,L) à un échelon de tension?

Etude théorique établissement du courant dans une bobine

- 2.2 Déterminer, dans l'intervalle [0, 2.5ms], la valeur de la tension  $u_B(t)$  aux hornes de la bobine, en déduire le rapport :  $u_B(t)$ 
  - $u_B(t)$  aux bornes de la bobine , en déduire le rapport :  $\frac{a_B(t)}{(\frac{di}{dt})}$
  - D'après la courbe on a  $u_R = 2, 4mV$  et  $\frac{u_B(t)}{(\frac{di}{dt})} = \frac{2.4.10^{-3}}{0.24} = 10mH$
- 2.3 Comparer le quotient de ce rapport avec la valeur de L de l'inductance de la bobine . En déduire une relation  $u_B$ ,L,et  $\frac{di}{dt}$
- d'après les données , on a  $\frac{u_B(t)}{\left(\frac{di}{L}\right)} = L$  d'où  $u_B = L \cdot \frac{du}{dt}$

#### Dipôle RL

allal Mahdade

# Introduction générale

Quelle est l'énergie stockée dans une bobine ?

Quelle est la réponse d'un dipôle (R,L) à un échelon de tension?

Etude théorique : établissement du courant dans une bobine

La rupture du courant dans une • 2.2 Déterminer, dans l'intervalle [0, 2.5ms], la valeur de la tension  $u_B(t)$  aux bornes de la bobine, en déduire le rapport :  $\frac{u_B(t)}{t}$ 

 $\frac{di}{dt}$ 

- D'après la courbe on a  $u_R = 2,4mV$  et  $\frac{u_B(t)}{(\frac{di}{dt})} = \frac{2.4.10^{-3}}{0.24} = 10mH$
- 2.3 Comparer le quotient de ce rapport avec la valeur de L de l'inductance de la bobine . En déduire une relation  $u_B, L$ , et  $\frac{di}{dt}$ .
- d'après les données , on a  $\frac{u_B(t)}{\left(\frac{di}{t}\right)} = L$  d'où  $u_B = L \cdot \frac{du}{dt}$

#### Dipôle RL

allal Mahdade

### Introduction générale Ouelle est

Quelle est l'énergie stockée dans une bobine ?

Quelle est la réponse d'un dipôle (R,L) à un échelon de tension?

Étude théorique : établissement du courant dans une bobine

- 2.2 Déterminer, dans l'intervalle [0,2.5ms], la valeur de la tension  $u_B(t)$  aux bornes de la bobine, en déduire le rapport :  $\frac{u_B(t)}{di}$
- D'après la courbe on a  $u_R = 2,4mV$  et  $\frac{u_B(t)}{(\frac{di}{dt})} = \frac{2.4.10^{-3}}{0.24} = 10mH$ 
  - 2.3 Comparer le quotient de ce rapport avec la valeur de L de l'inductance de la bobine . En déduire une relation  $u_B, L$ , et  $\frac{di}{dt}$
- d'après les données , on a  $\frac{u_B(t)}{\left(\frac{di}{dt}\right)} = L$  d'où  $u_B = L \cdot \frac{du}{dt}$

#### Dipôle RL

allal Mahdade Introduction

# générale

• 2.2 Déterminer, dans l'intervalle [0, 2.5ms], la valeur de la tension  $u_B(t)$  aux bornes de la bobine , en déduire le rapport :  $\frac{u_B(t)}{(\frac{di}{dt})}$ 

- D'après la courbe on a  $u_R = 2,4mV$  et  $\frac{u_B(t)}{(\frac{di}{dt})} = \frac{2.4.10^{-3}}{0.24}$
- 2.3 Comparer le quotient de ce rapport avec la valeur de L de l'inductance de la bobine . En déduire une relation  $u_B, L$ , et  $\frac{di}{dt}$ .
- d'après les données , on a  $\frac{u_B(t)}{di} = L$  d'où  $u_B = L \cdot \frac{du}{dt}$

#### Dipôle RL

allal Mahdade Introduction

# générale

- 2.2 Déterminer, dans l'intervalle [0, 2.5ms], la valeur de la tension  $u_B(t)$  aux bornes de la bobine , en déduire le rapport :  $\frac{u_B(t)}{(\frac{di}{dt})}$
- D'après la courbe on a  $u_R = 2, 4mV$  et  $\frac{u_B(t)}{(\frac{di}{dt})} = \frac{2.4.10^{-3}}{0.24}$
- 2.3 Comparer le quotient de ce rapport avec la valeur de L de l'inductance de la bobine . En déduire une relation  $u_B, L$ , et  $\frac{di}{dt}$ .
- d'après les données , on a  $\frac{u_B(t)}{(\frac{di}{t})} = L$  d'où  $u_B = L \cdot \frac{du}{dt}$

Dipôle RL

allal Mahdade

#### Introduction générale

Quelle est l'énergie stockée dans une bobine ?

Quelle est la réponse d'un dipôle (R,L) à ur échelon de tension?

Étude théorique établissement du courant dans une

La rupture du courant dans une • 3. Dans l'expérience 1, en courant continue la bobine se comporte comme conducteur ohmique de résistance interne r, dans cet expérience on ne tient pas compte de la résistance interne de la bobine car son influence est très faible . suggérer une relation générale de la tension  $u_B$  aux bornes de la bobine (L,r) contenant r,

$$i(t), L ext{ et } rac{di}{dt}$$
.

9

$$u_B(t) = u = r.i(t) + L\frac{di}{dt}$$

#### Dipôle RL

allal Mahdade

### Introduction générale Quelle est

Quelle est l'énergie stockée dans une bobine ?

Quelle est la réponse d'un dipôle (R,L) à un échelon de tension ?

Étude théorique établissement du courant dans un bobine

La rupture du courant dans une • 3. Dans l'expérience 1, en courant continue la bobine se comporte comme conducteur ohmique de résistance interne r, dans cet expérience on ne tient pas compte de la résistance interne de la bobine car son influence est très faible . suggérer une relation générale de la tension  $u_B$  aux bornes de la bobine (L,r) contenant r, i(t), L et  $\frac{di}{dt}$ .

$$u_B(t) = u = r.i(t) + L\frac{di}{dt}$$

Dipôle RL

allal Mahdade

# Introduction générale

• 3. Dans l'expérience 1, en courant continue la bobine se comporte comme conducteur ohmique de résistance interne r, dans cet expérience on ne tient pas compte de la résistance interne de la bobine car son influence est très faible . suggérer une relation générale de la tension  $u_B$  aux bornes de la bobine (L,r) contenant r,

$$i(t)$$
,  $L$  et  $\frac{di}{dt}$ .

$$u_B(t) = u = r.i(t) + L\frac{di}{dt}$$

#### Dipôle RL

allal Mahdade

Introduction générale Quelle est

l'énergie stockée dans une bobine

Quelle est la réponse d'un dipôle (R,L) à ur échelon de tension ?

Étude théorique établissement du courant dans une bobine

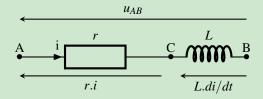
La rupture du courant dans une

### c. Conclusion

La tension  $u_{AB}$  aux bornes d'une bobine (L,r), représentée par une flèche orientée de A vers B, est donnée par la relation:

$$u_{AB} = r.i + L.\frac{di}{dt}$$

Lorsque la bobine est parcourue par un courant d'intensité constante (régime permanent),  $\frac{di}{dt} = 0$  et  $u_{AB} = r.i$ ; la bobine se comporte comme un conducteur ohmique de résistance r.



#### Dipôle RL

allal Mahdade

### Introduction générale

Quelle est l'énergie stockée dans une bobine ?

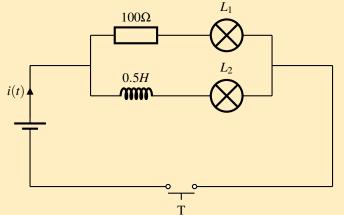
Quelle est la réponse d'un dipôle (R,L) à un échelon de tension?

Étude théorique : établissement du courant dans une bobine

La rupture du courant dans une bobine

### d. Quelle est l'influence d'une bobine dans un circuit électrique?

Expérience 3 : On réalise le circuit suivant où les deux lampes  $L_1$  et  $L_2$  sont identiques et on ferme l'interrupteur K :



18 (2016-2017) 2ème Bac SM

Dipôle RL

allal Mahdade

Introduction générale

l'énergie stockée dans une bobine

réponse d'un dipôle (R,L) à un échelon de tension?

Étude théorique établissement du courant dans une bobine

La rupture du courant dans une

- 1.1 Pourquoi la lampe L<sub>1</sub> s'allume-t-elle instantanément à la fermeture de K?
- ▶ La lampe *L*<sub>1</sub> est en série avec un conducteur ohmique. Elle s'allume donc dès la fermeture de l'interrupteur.
- 1.2 Que peut-on dire de l'évolution de l'intensité du courant dans la branche qui contient la bobine ? en déduire l'influence de la bobine sur l'établissement du courant ?

Dipôle RL

allal Mahdade

Introduction générale

Quene est l'énergie stockée dans une bobine

réponse d'un dipôle (R,L) à ur échelon de tension?

Étude théorique établissement du courant dans une bobine

La rupture du courant dans une bobine

- 1.1 Pourquoi la lampe  $L_1$  s'allume-t-elle instantanément à la fermeture de K?
- La lampe  $L_1$  est en série avec un conducteur ohmique. Elle s'allume donc dès la fermeture de l'interrupteur.
- 1.2 Que peut-on dire de l'évolution de l'intensité du courant dans la branche qui contient la bobine ? en déduire l'influence de la bobine sur l'établissement du courant ?

Dipôle RL

allal Mahdade

générale Quelle est

l'énergie stockée dans une bobine

réponse d'un dipôle (R,L) à un échelon de tension ?

Étude théorique établissement du courant dans une bobine

La rupture du courant dans une

- 1.1 Pourquoi la lampe L<sub>1</sub> s'allume-t-elle instantanément à la fermeture de K?
- La lampe  $L_1$  est en série avec un conducteur ohmique. Elle s'allume donc dès la fermeture de l'interrupteur.
- 1.2 Que peut-on dire de l'évolution de l'intensité du courant dans la branche qui contient la bobine ? en déduire l'influence de la bobine sur l'établissement du courant ?

Dipôle RL

allal Mahdade

Quelle est l'énergie stockée

générale

Quelle est la réponse d'un dipôle (R,L) à un

Étude théorique établissement du courant dans une bobine

La rupture du courant dans une

- 1.1 Pourquoi la lampe L<sub>1</sub> s'allume-t-elle instantanément à la fermeture de K?
- La lampe  $L_1$  est en série avec un conducteur ohmique. Elle s'allume donc dès la fermeture de l'interrupteur.
- 1.2 Que peut-on dire de l'évolution de l'intensité du courant dans la branche qui contient la bobine ? en déduire l'influence de la bobine sur l'établissement du courant ?

#### Dipôle RL

allal Mahdade

Introduction générale

Quelle est l'énergie stockée dans une bobine

Quelle est la réponse d'un dipôle (R,L) à un échelon de tension ?

Étude théorique : établissement du courant dans une bobine

La rupture du courant dans une bobine Dans la branche qui contient la bobine, le courant ne s'établit pas instantanément (la lampe  $L_2$  s'allume après  $L_1$ ), mais il a la même valeur que dans lautre branche lorsque le courant est établi (léclat de  $L_2$  est alors identique à celui de  $L_1$ ). On observe donc deux régimes : un régime transitoire et un régime permanent.

On en déduit que la bobine s'oppose de manière transitoire à l'établissement du courant dans le circuit.

Elle se comporte comme un conducteur ohmique en régime permanent, mais pas en régime transitoire.

Dipôle RL

allal Mahdade

### Introduction générale

l'énergie stockée dans une bobine :

réponse d'un dipôle (R,L) à un échelon de tension?

Étude théorique établissement du courant dans un bobine

La rupture du courant dans une

### **Conclusion:**

Dans un circuit électrique la présence d'une bobine retarde l'établissement et la rupture du courant dans ce circuit , d'une façon générale la bobine résiste à la variation du courant électrique qui le traverse , c'est l'effet du produit

$$L\frac{di}{dt}$$

Dipôle RL

allal Mahdade

Introduction générale Quelle est

l'énergie stockée dans une bobine

réponse d'un dipôle (R,L) à u échelon de tension ?

Étude théorique établissement du courant dans un bobine

La rupture du courant dans une bobine

### 3. Exploitation de l'expression de la tension aux bornes d'une bobine

Lorsqu'on néglige la résistance interne de la bobine , la tension au borne de la bobine s'écrit :

$$u_L(t) = L\frac{di}{dt}$$

 $\bowtie i(t)$  croit alors  $u_L(t) > 0$ 

Si la variation de i est très rapide,  $\frac{di}{dt}$  peut prendre une valeur très importante; il en est de même de  $L.\frac{di}{dt}$ ; une tension important peut alors apparaître aux bornes de la bobine. C'est le phénomène de surtension.

#### Dipôle RL

allal Mahdade

générale

Quelle est l'énergie stockée dans une bobine ?

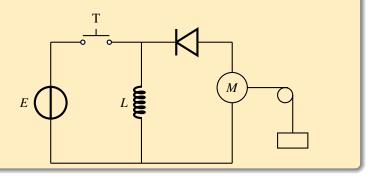
Quelle est la réponse d'un dipôle (R,L) à u échelon de tension?

Etude théorique établissement du courant dans une bobine

La rupture du courant dans une bobine

### 1. Générateur ou récepteur ?

On réalise le montage du document 1; il comporte un moteur , une bobine d-inductance importante et une diode D. Lorsqu'on ferme l'interrupteur K un courant électrique traverse la bobine . la diode est bloquée .



Dipôle RL

allal Mahdade

Quelle est l'énergie stockée dans une bobine?

Quelle est la réponse d'un dipôle (R,L) à un échelon de tension?

Étude théorique : établissement du courant dans une bobine

La rupture du courant dans une

- À l'ouverture de l'interrupteur, le moteur tourne en soulevant le masse marquée. Comment peut on expliquer ce phénomène?
- Cet expérience montre que la bobine emmagasine de l'énergie a la fermeture de l'interrupteur K; elle se comporte comme un récepteur électrique. elle fournit cet énergie au moteur sous forme d'une énergie mécanique lors de l'ouverture du circuit; la bobine se comporte alors temporairement comme un générateur électrique.

Dipôle RL

allal Mahdade

générale Quelle est

Quelle est l'énergie stockée dans une bobine?

Quelle est la réponse d'un dipôle (R,L) à u échelon de tension ?

Étude théorique établissement du courant dans une bobine

La rupture du courant dans une

- À l'ouverture de l'interrupteur, le moteur tourne en soulevant le masse marquée. Comment peut on expliquer ce phénomène?
- Cet expérience montre que la bobine emmagasine de l'énergie a la fermeture de l'interrupteur K; elle se comporte comme un récepteur électrique, elle fournit cet énergie au moteur sous forme d'une énergie mécanique lors de l'ouverture du circuit; la bobine se comporte alors temporairement comme un générateur électrique.

Dipôle RL

allal Mahdade

générale

Quelle est l'énergie stockée dans une bobine ?

quelle est la réponse d'un dipôle (R,L) à u échelon de tension ?

Étude théorique établissement du courant dans un bobine

La rupture du courant dans une

- À l'ouverture de l'interrupteur, le moteur tourne en soulevant le masse marquée. Comment peut on expliquer ce phénomène?
- Cet expérience montre que la bobine emmagasine de l'énergie a la fermeture de l'interrupteur K; elle se comporte comme un récepteur électrique. elle fournit cet énergie au moteur sous forme d'une énergie mécanique lors de l'ouverture du circuit; la bobine se comporte alors temporairement comme un générateur électrique.

Dipôle RL

allal Mahdade

générale Quelle est

Quelle est l'énergie stockée dans une bobine ?

Quelle est la réponse d'un dipôle (R,L) à u échelon de tension?

Étude théorique : établissement du courant dans une bobine

La rupture du courant dans une bobine

### 2. L'expression de l'énergie emmagasinée dans une bobine

Lorsqu'on ferme le circuit, la loi d'additivité de tension s'écrit :

$$E = ri + L\frac{di}{dt} \Rightarrow Ei = ri^2 + Li\frac{di}{dt}$$

$$Eidt = ri^2 dt + d(\frac{1}{2}Li^2)$$

De cet équation , on constate Eidt représente l'énergie fournit par le générateur au circuit au cours de la durée dt .

 $ri^2dt$  l'énergie dissipée par effet Joule dans le circuit .

 $Li^2/2$  l'énergie emmagasinée dans la bobine

On définit l'énergie emmagasinée dans la bobine entre 0 et t :

$$\mathscr{E}_m = \frac{1}{2}Li^2$$

Dipôle RL

allal Mahdade

générale

Quelle est l'énergie stockée dans une bobine ?

Quelle est la réponse d'un dipôle (R,L) à ur échelon de tension?

Étude théorique établissement du courant dans une hobine

La rupture du courant dans une

### **Conclusion:**

Une bobine d'inductance L , traversée par un courant dont l'intensité passe de 0 à la valeur i , emmagasine une énergie :

$$\mathcal{E}_m = \frac{1}{2}Li^2 \qquad (2)$$

avec L en henry (H), i en ampère (A), et  $E_m$  en joule (J).

#### Dipôle RL

allal Mahdade

générale Quelle est

l'énergie stockée dans une bobine

Quelle est la réponse d'un dipôle (R,L) à un échelon de tension?

Étude théorique établissement du courant dans une bobine

La rupture du courant dans une

### 1. Étude expérimentale

L'association en série d'une bobine (d'inductance L et de résistance interne r) et un conducteur ohmique de résistance r' constitue un dipôle (R,L), avec R = r' + r

On réalise le montage du document ci-dessus, on ferme l'interrupteur à l'instant t=0 on le prend comme origine de temps . la tension aux borne du dipôle prend instantanément la valeur E ( échelon de tension montant ) .

#### Dipôle RL

allal Mahdade

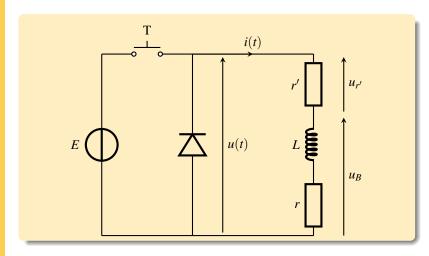
Introduct générale

Quelle est l'énergie stockée

Quelle est la réponse d'un dipôle (R,L) à un échelon de tension?

Étude théorique établissement du courant dans une hobine

La rupture du courant dans une bobine



#### Dipôle RL

allal Mahdade

Introduc générale

Quelle est l'énergie stockée dans une bobine

Quelle est la réponse d'un dipôle (R,L) à un échelon de tension?

Étude théorique établissement du courant dans une bobine

La rupture du courant dans une l'intensité du courant i(t) qui traverse le circuit varie progressivement (régime transitoire) et tend vers une valeur constante qui correspond au régime permanent  $i(t)=I_0$ .

La courbe représentative de i(t) a une forme exponentielle ; i(t) représente l'établissement du courant dans la bobine en répondant à l'échelon de tension montant .

Même observation lorsqu'on ferme l'interrupteur ,la tension varie de la valeur E à la valeur 0 (échelon de tension descendante) et l'intensité du courant i(t) qui traverse le circuit décroît de E , progressivement (régime transitoire) et tend vers une valeur nulle qui correspond au régime permanent i(t)=0 .

La courbe représentative de i(t) a une forme exponentielle ; i(t) représente la rupture du courant dans la bobine en répondant à l'échelon de tension descendante .

#### Dipôle RL

allal Mahdade

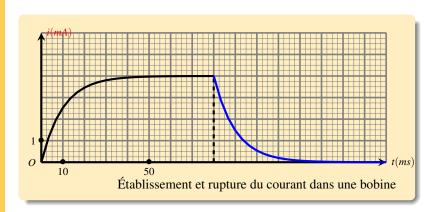
Introduct générale

Quelle est l'énergie stockée dans une bobine ?

Quelle est la réponse d'un dipôle (R,L) à un échelon de tension?

Étude théorique : établissement du courant dans une hobine

La rupture du courant dans une



#### Dipôle RL

allal Mahdade

Introduction générale

l'énergie stockée dans une bobine

Quelle est la réponse d'un dipôle (R,L) à un échelon de tension ?

Étude théorique établissement du courant dans une bobine

La rupture du courant dans une bobine

### **Conclusion:**

Dans une bobine, l'intensité du courant électrique en établissement et rupture du courant, est une fonction continue du temps.

Dipôle RL

allal Mahdade

générale Ouelle est

Quelle est l'énergie stockée dans une bobine

Quelle est la réponse d'un dipôle (R,L) à ur échelon de tension?

Étude théorique : établissement du courant dans une bobine

La rupture du courant dans une

### 1. Équation différentielle vérifiée par l'intensité i du courant

D'après la loi d'additivité des tension, on peut écrire:

$$u = u_{r'} + u_B \Rightarrow E = r'i + ri + L\frac{di}{dt}$$

et on a R = r + r' donc :

$$E = Ri + L\frac{di}{dt}$$

On pose  $\tau = \frac{L}{R}$  et on obtient l'équation différentielle suivante : :

$$\tau \frac{di}{dt} + i = \frac{E}{R}$$
 (3)

#### Dipôle RL

allal Mahdade

générale Ouelle est

l'énergie stockée dans une bobine

Quelle est la réponse d'un dipôle (R,L) à un échelon de tension?

Étude théorique : établissement du courant dans une hobine

La rupture du courant dans une

### 2. solution de l'équation différentielle

La solution de l'équation différentielle s'écrit sous la forme suivante :

$$i(t) = Ae^{-\alpha t} + B$$

tel que A, B et  $\alpha$  des constantes que on peut les déterminer

#### Dipôle RL

allal Mahdade

Introduction générale

Quelle est l'énergie stockée dans une bobine

Quelle est la réponse d'un dipôle (R,L) à u échelon de tension ?

Étude théorique : établissement du courant dans une bobine

La rupture du courant dans une bobine \* détermination de B et α

En reportant la solution dans l'équation différentielle :

$$-\tau.\alpha A e^{-\alpha t} + A e^{-\alpha t} + B = \frac{E}{R}$$

$$Ae^{-\alpha t}(-\tau\alpha+1)+B=\frac{E}{R}$$

Pour que i(t) soit une solution de l'équation différentielle , il suffit que :

$$B = \frac{E}{R}$$

et 
$$-\alpha \tau + 1 = 0$$
 c'est à dire que  $\alpha = \frac{1}{\tau}$ 

donc:

$$i(t) = Ae^{-t/\tau} + \frac{E}{R}$$

Dipôle RL

allal Mahdade

générale

Quelle est l'énergie stockée dans une bobine s

Quelle est la réponse d'un dipôle (R,L) à un échelon de tension?

Étude théorique : établissement du courant dans une bobine

La rupture du courant dans une \* Détermination de la constante A

D'après les conditions initiales à la date t = 0 l'intensité du courant dans la bobine est nulle :  $i(0^+) = i_0 = 0$  En le reporte dans la solution précédente :

$$i(0) = A + \frac{E}{R} = 0$$

$$A = -\frac{E}{R}$$

Donc la solution de l'équation différentielle s'écrit sous la forme suivante :

$$i(t) = \frac{E}{R}(1 - e^{-t/\tau})$$
 (4)

#### Dipôle RL

allal Mahdade

Introduction générale

Quelle est l'énergie stockée dans une bobine

Quelle est la réponse d'un dipôle (R,L) à un échelon de tension ?

Étude théorique : établissement du courant dans une bobine

La rupture du courant dans une bobine

### 3. l'expression de la tension aux bornes de la bobine

D'après la loi d'additivité des tensions on a :

$$E = u_L + Ri(t)$$

c'est à dire :

$$u_L(t) = E - Ri(t) \Rightarrow u_L(t) = E\left(1 - \frac{r'}{R}(1 - e^{-t/\tau})\right)$$

on néglige la résistance de la bobine r devant la résistance r', on obtient R=r et on a

$$u_L(t) = E\left(1 - (1 - e^{-t/\tau})\right)$$

#### Dipôle RL

allal Mahdade

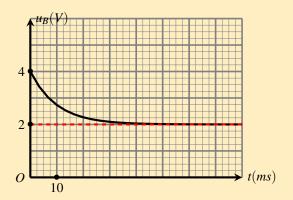
Introduction générale

Quelle est l'énergie stockée dans une bobine s

Quelle est la réponse d'un dipôle (R,L) à u échelon de

Étude théorique : établissement du courant dans une bobine

La rupture du courant dans une bobine Expérimentalement lorsqu'on visualise la tension  $u_B$  aux bornes de la bobine , on obtient la courbe suivante ( On néglige pas la résistance de la bobine )



#### Dipôle RL

allal Mahdade

générale Quello est

Quelle est l'énergie stockée dans une bobine

Quelle est la réponse d'un dipôle (R,L) à un échelon de tension?

Étude théorique : établissement du courant dans une bobine

La rupture du courant dans une

### 4. La constante du temps τ

Équation de la constante du temps  $\tau$ 

On a :  $\tau = \frac{L}{R}$  d'après l'analyse dimensionnelle :

$$[ au] = rac{[L]}{[R]}$$

$$[R] = \frac{[U]}{[I]}$$

$$[L] = \frac{[U]}{[I]}.[t]$$

Dipôle RL

allal Mahdade

générale Ouelle est

l'énergie stockée dans une bobine

Quelle est la réponse d'un dipôle (R,L) à u échelon de tension?

Étude théorique : établissement du courant dans une bobine

La rupture du courant dans une Donc:

$$[\tau] = [t]$$

a une dimension temporelle , son unité dans le système internationale est le seconde .  $\tau$  est un indicateur de la durée du régime transitoire lors de l'établissement du courant ( ou la rupture du courant )

#### Dipôle RL

allal Mahdade

générale

Quelle est l'énergie stockée dans une bobine

Quelle est la réponse d'un dipôle (R,L) à un échelon de tension?

Étude théorique : établissement du courant dans une bobine

La rupture du courant dans une bobine

### La détermination de la constante du temps τ

On a deux méthodes:

méthode de calcul :

On calcule  $i(t = \tau)$ ,  $\tau$  est l'abscisse sur le graphe i(t) qui.

méthode graphique : on utilise la tangente à la courbe i(t) à la date t = 0 et on détermine graphiquement le point d'intersection de cette tangente avec lasymptote horizontal  $i = I_0 = E/R$ 

Dipôle RL

allal Mahdade

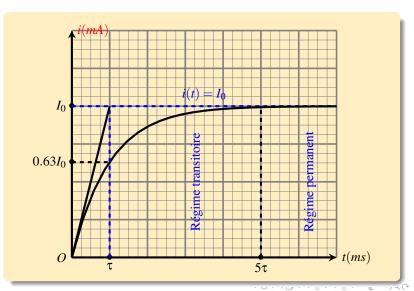
Introduction générale

Quelle est l'énergie stockée

Quelle est la réponse d'un dipôle (R,L) à un échelon de tension?

Étude théorique : établissement du courant dans une hobine

La rupture du courant dans une bobine



## V. La rupture du courant dans une bobine

Dipôle RL

allal Mahdade

Quelle est

l'énergie stockée dans une bobine?

quelle est la réponse d'un dipôle (R,L) à ur échelon de tension?

Étude théorique établissement du courant dans une bobine

La rupture du courant dans une bobine

### 1. Équation différentielle vérifiée par l'intensité i du courant

D'après l'additivité des tensions, on a

$$u_{r'}+u_B=0$$

$$(r+r')i + L\frac{di}{dt} = 0$$

$$Ri + L\frac{di}{dt} = 0$$

## V. La rupture du courant dans une bobine

Dipôle RL

allal Mahdade

générale Quelle est

l'énergie stockée dans une bobine ?

Quelle est la réponse d'un dipôle (R,L) à un échelon de tension?

Étude théorique : établissement du courant dans une

La rupture du courant dans une bobine On sait que  $\tau = \frac{L}{R}$ , donc l'équation différentielle est :

$$\boxed{\tau \frac{di}{dt} + i = 0} \quad (6)$$

La solution de cette équation différentielle en considérant la condition initiale suivante : à t=0 et lorsqu'on ouvre l'interrupteur K, on a  $i(0)=I_0$ 

$$i(t) = \frac{E}{R}e^{-t/\tau}$$

## V. La rupture du courant dans une bobine

Dipôle RL

allal Mahdade

générale Quelle est

l'énergie stockée dans une bobine

Quelle est la réponse d'un dipôle (R,L) à u échelon de tension ?

Étude théorique établissement du courant dans un bobine

La rupture du courant dans une bobine

### Remarque:

- \* Autant que  $\tau$  est petite , la durée d'établissement du courant ou la rupture du courant est courte .
- \* Le rôle du diode dans le circuit est pour protéger la bobine de la surtension qui peut apparaître à ces bornes lors de l'ouverture de l'interrupteur.